

Документ подписан простой электронной подписью

Информация о владельце:

ФИО: Локтионова Оксана Геннадьевна

Должность: проректор по учебной работе

Дата подписания: 03.05.2021

Уникальный программный ключ:

0b817ca911e6668abb13a5d426d39e5f1c11eabb73e943d14a48511da36d089

## МИНОБРНАУКИ РОССИИ

Федеральное государственное бюджетное образовательное  
учреждение высшего образования  
«Юго-Западный государственный университет»  
(ЮЗГУ)

Кафедра вычислительной техники

УТВЕРЖДАЮ

Проректор по учебной работе

«15» 05 09 2021 г.

О.Г. Локтионова

## АРИФМЕТИКО-ЛОГИЧЕСКИЕ УСТРОЙСТВА

Методические указания по выполнению лабораторной работы  
для студентов направления подготовки 09.03.01

Курск 2021

УДК 681.3.049.77

Составитель: И.Е. Чернецкая, В.И. Иванов

Рецензент  
Кандидат технических наук, доцент Ю.А. Халин

**Арифметико-логические устройства:** методические указания по выполнению лабораторной работы для студентов направления подготовки 09.03.01 / Юго-Зап. гос. ун-т; сост.: И.Е. Чернецкая, В.И. Иванов. – Курск, 2021. – 11с.: Библиогр.: с. 11.

Содержат основные сведения о методике проектирования цифровых устройств комбинационного типа на основе интегральной схемы арифметико-логического устройства и исследования работы четырехразрядного АЛУ.

Предназначены для студентов направления подготовки 09.03.01 очной и заочной форм обучения.

Текст печатается в авторской редакции

Подписано в печать 15.01.21 . Форма 60x84 1/16.  
Усл. печ. л. 0,64 . Уч.-изд.л. 0,58 . Тираж 50 экз. Заказ 216 Бесплатно  
Юго-Западный государственный университет.  
305040, г. Курск, ул. 50 лет Октября, 94.

## Содержание

1 Цель работы	4
2 Основные теоретические положения и описание принципиальной схемы	4
3 Программа исследований и методические указания	7
3.1 Арифметическая операция сложения	8
3.2 Арифметическая операция вычитания	9
3.3 Логическая операция	10
4 Контрольные вопросы	10
5 Содержание отчета	15
Библиографический список	11

## 1 Цель работы

Изучение работы интегральной схемы (ИС) арифметико-логического устройства (АЛУ) и проектирования многоразрядного цифрового устройства на основе четырехразрядного АЛУ.

## 2 Основные теоретические положения и описание принципиальной схемы

Центральной частью процессора любой цифровой вычислительной машины от простейших контроллеров до современных персональных компьютеров является арифметико-логическое устройство – АЛУ (см. рисунок 1). Его основой служит многоразрядный сумматор, схема которого дополнена логикой, расширяющей функциональные возможности АЛУ и обеспечивающей перестройку с одной операции на другую.

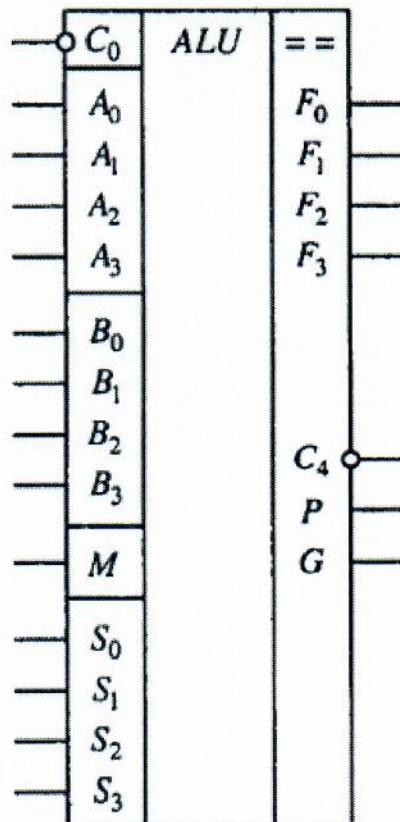


Рисунок 1 – Графическое изображение ИС четырехразрядного АЛУ

Эта перестройка осуществляется путем подачи на АЛУ соответствующего набора управляющих сигналов, называемого *командой*. По одной команде АЛУ может складывать числа, по другой вычитать, по третьей выполнять логические операции над разрядами входных данных, к примеру, инвертировать их и т.п. Если команды и данные подавать в определенной последовательности, то будет производиться соответствующая обработка поступающей цифровой информации. Комбинируя команды, управляющие работой АЛУ, можно реализовывать разные процедуры обработки цифровых сигналов. С этой точки зрения АЛУ является программируемым устройством, т. е. оно способно работать по заранее сформированной последовательности команд, которая называется *программой*.

АЛУ в составе серий цифровых микросхем выпускаются в основном для обработки четырехразрядных операндов. Это связано с числом внешних выводов корпуса, требуемых для подачи входных, управляющих сигналов и получения результата. Одной из таких микросхем является К155ИПЗ, изображаемая на схемах, как это показано на рисунке 1. У нее имеются входы операндов, а также вход и выход переноса, сигналы на которых воспринимаются и формируются в инверсном виде. Нулевой уровень на входе  $C_0$  соответствует его наличию, а единица – отсутствию. Так как аналогичная ситуация наблюдается и сигналом на выходе  $C_4$ , то для увеличения разрядности обрабатываемых чисел, АЛУ по этим входам и выходам можно соединять непосредственно.

Кроме этого, в АЛУ формируются функции генерации и распространения переноса, что позволяет для увеличения разрядности объединять их группами по четыре через схемы ускоренного переноса. Для выбора операции, выполняемой АЛУ, служат пять управляющих входов. Сигнал на входе  $M$  (*Mode*) переключает вид реализуемой функции (логическая либо арифметическая). Комбинируя сигналы на управляющих входах  $S0 \div S3$ , можно при  $M = 1$  выбрать любую из шестнадцати логических функций от двух переменных либо, если  $M = 0$ , шестнадцать вариантов арифметических и арифметико-логических операций, что отражено в таблице 1.

Таблица 1 – Перечень логических и арифметико-логических операций

Выбор функции				$M = 1$	$M = 0$	
$S_3$	$S_2$	$S_1$	$S_0$	Логические операции	Арифметические операции	
					$\overline{C_0} = 1$	$\overline{C_0} = 0$
0	0	0	0	$F_i = \bar{A}_i$	$F = A$	$F = A + 1$
0	0	0	1	$F_i = \overline{A_i \vee B_i}$	$F = A \vee B$	$F = (A \vee B) + 1$
0	0	1	0	$F_i = \bar{A}_i \wedge B_i$	$F = A \vee \bar{B}$	$F = (A \vee \bar{B}) + 1$
0	0	1	1	$F_i = 0$	$F = -1$	$F = 0$
0	1	0	0	$F_i = \overline{A_i \wedge B_i}$	$F = A + (A \wedge \bar{B})$	$F = A + (A \wedge \bar{B}) + 1$
0	1	0	0	$F_i = \bar{B}_i$	$F = (A \vee B) + (A \vee \bar{B})$	$F = (A \vee B) + (A \vee \bar{B}) + 1$

Выбор функции				$M = 1$	$M = 0$	
$S_3$	$S_2$	$S_1$	$S_0$	Логические операции	Арифметические операции	
					$\overline{C_0} = 1$	$\overline{C_0} = 0$
0	1	1	0	$F_i = A_i \oplus B_i$	$F = A - B - 1$	$F = A - B$
0	1	1	1	$F_i = A_i \wedge \bar{B}_i$	$F = (A \wedge \bar{B}) - 1$	$F = A \wedge \bar{B}$
1	0	0	0	$F_i = \bar{A}_i \vee B_i$	$F = A + (A \wedge B)$	$F = A + (A \wedge B) + 1$
1	0	0	1	$F_i = \overline{A_i \oplus B_i}$	$F = A + B$	$F = A + B + 1$
1	0	1	0	$F_i = B_i$	$F = (A \vee \bar{B}) + (A \wedge B)$	$F = (A \vee \bar{B}) + (A \wedge B) + 1$
1	0	1	1	$F_i = A_i \wedge B_i$	$F = (A \wedge B) - 1$	$F = A \wedge B$
1	1	0	0	$F_i = 1$	$F = A + A$	$F = A + A + 1$
1	1	0	1	$F_i = \bar{A}_i \vee \bar{B}_i$	$F = (A \vee B) + A$	$F = (A \vee B) + A + 1$
1	1	1	0	$F_i = A_i \vee \bar{B}_i$	$F = (A \vee \bar{B}) + A$	$F = (A \vee \bar{B}) + A + 1$
1	1	1	1	$F_i = A_i$	$F = A - 1$	$F = A$

Логические операции над данными осуществляются поразрядно, т. е. для каждой пары одноименных разрядов операндов. В этом случае четырехразрядные кодовые комбинации, поступающие на входы  $A_i$  и  $B_i$ , воспринимаются как наборы пар независимых логических переменных. Если, к примеру, задать

операцию  $A_i \vee B_t$ , то произойдет поразрядное логическое сложение и результаты будут переданы на соответствующие выходы АЛУ. В данной ситуации разряды выходного кода не связаны друг с другом.

При реализации арифметических операций operandы  $A_i$  и  $B_i$  воспринимаются как двоичные коды чисел, и если реализуется сложение, то происходит арифметическое суммирование разрядов с учетом как входного, так и межразрядных переносов. Так как логическая единица на входе  $C_0$  АЛУ воспринимается как отсутствие, а ноль – как наличие переноса, то в зависимости от значения этого сигнала, итог арифметической операции будет отличаться на единицу. При этом положительные результаты формируются в прямом коде, а отрицательные в дополнительном.

Арифметико-логические (смешанные) операции реализуются АЛУ в два этапа. Сначала производится поразрядная логическая обработка operandов, а затем арифметическое действие с учетом переносов между разрядами. К примеру, операция  $(A \vee B) + (A \vee \bar{B})$  при  $A = 0110$  и  $B = 0100$  будет выполниться следующим образом. Сначала сформируются функции  $A \vee B = 0110$  и  $A \vee \bar{B} = 1111$ , затем произойдет арифметическое сложение получившихся чисел и, в зависимости от состояния входа переноса, на выходах F – получится результат 0101 либо 0110. Так как сумма в обоих случаях больше пятнадцати, то сигнал на выходе  $C_4$  примет нулевое значение.

В этом АЛУ имеется выход  $A = B$  с открытым коллектором, обозначенный двумя значками равенства. Сигнал логической единицы на нем будет формироваться при подключении внешнего резистора и равенстве чисел, поступающих на входы  $A$  и  $B$  АЛУ, если задана операция их вычитания.

### 3 Программа исследований и методические указания

Работа проводится на персональном компьютере с помощью программы схемотехнического моделирования Electronics Workbench 5.0c.

Собрать на рабочем столе программы моделирования схему, приведенную на рисунке 2. Двоичные счетчики предназначены для

формирования четырехразрядных операндов  $A_3A_2A_1A_0$  и  $B_3B_2B_1B_0$ . Открывая ключи «1» и «2», можно пропустить на входы каждого счетчика необходимое число импульсов генератора. Коды operandов отображаются шестнадцатиричными цифрами на семисегментных индикаторах. Ключи «3», «4», «5» и «6» служат для установки кода выполняемой функции  $S_3S_2S_1S_0$ , Ключ «7» служит для установки режима, а ключ «8» устанавливает сигнал входного переноса при выполнении арифметической операции: логический «0», если перенос есть, и логическая «1», если перенос отсутствует.

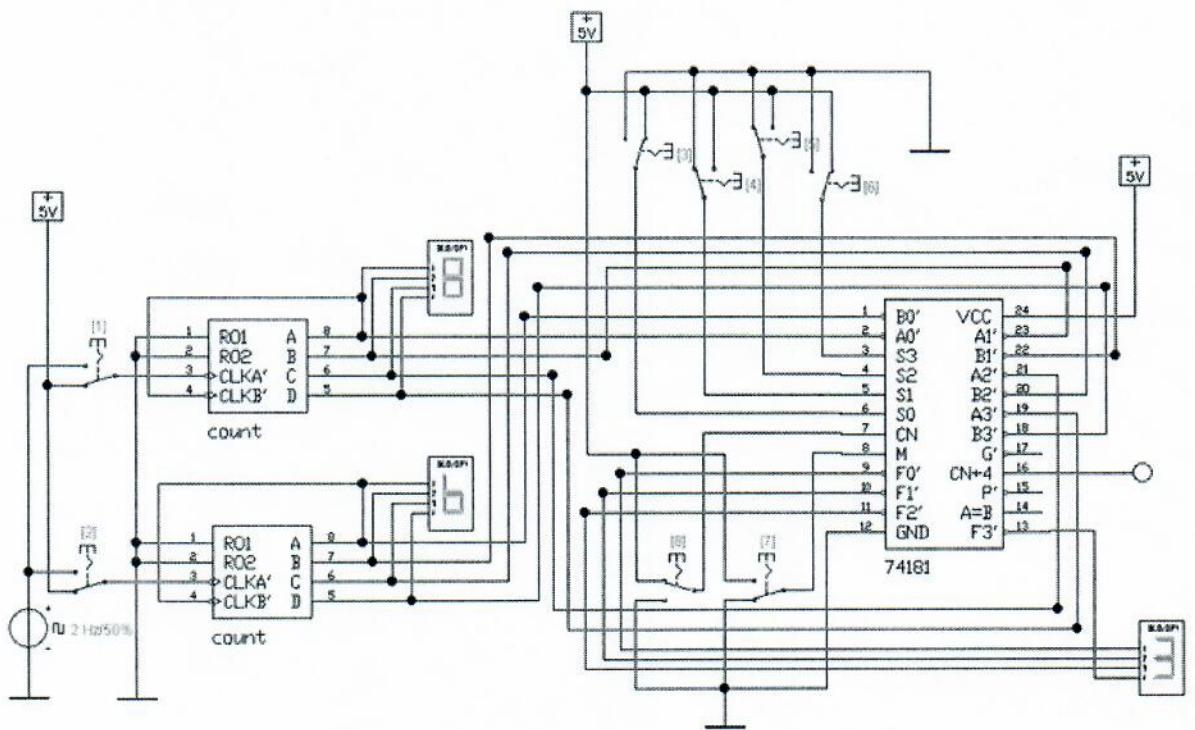


Рисунок 2 – Схема установки для исследования АЛУ

Результат выполненной операции отображается на семисегментном индикаторе, светодиод сигнализирует выходной перенос: «0» – наличие переноса, «1» – отсутствие.

### 3.1 Арифметическая операция сложения

Установить режим  $M=0$ , код операции  $S_3S_2S_1S_0 = 1001$ . Сформировать на выходах первого и второго счетчиков произвольные числа, например,

$$A_3A_2A_1A_0 = 1001 = 9_{(10)}; \quad B_3B_2B_1B_0 = 1101 = 13_{(10)} = d_{(16)}.$$

Ожидаемый результат в отсутствие входного переноса ( $C_N = 1$ ) равен

$$F_3F_2F_1F_0 = 0110 = 6_{(10)}.$$

Кроме того, должен появиться сигнал выходного переноса ( $C_{N+4} = 0$ ).

Скопировать для отчета изображение на экране (см. рисунок 2).

Не изменяя операнды, установить входной перенос ( $C_N = 0$ ) и зафиксировать результат операции. Скопировать изображение на экране для отчета.

### **3.2 Арифметическая операция вычитания**

#### ***Вычитаемое меньшее уменьшаемого***

Установить в режиме  $M=0$  код операции  $S_3S_2S_1S_0 = 0110$ . Сформировать на выходах первого и второго счетчиков произвольные числа  $A_3A_2A_1A_0$  и  $B_3B_2B_1B_0$ , но так, чтобы  $A > B$ , например,

$$A_3A_2A_1A_0 = 1110 = 14_{(10)} = E_{(16)}; B_3B_2B_1B_0 = 1011 = 11_{(10)} = B_{(16)}.$$

Ожидаемый результат в прямом коде в отсутствие входного переноса ( $C_N = 1$ ) равен

$$F_3F_2F_1F_0 = 0011 = 3_{(10)}.$$

Сигнал выходного переноса должен отсутствовать ( $C_{N+4} = 1$ ).

Скопировать для отчета изображение на экране (см. рис. 2).

Не изменяя операнды, установить входной перенос ( $C_N = 0$ ) и зафиксировать результат операции. Снять изображение на экране для отчета.

#### ***Вычитаемое большие уменьшаемого***

Установить в режиме  $M=0$  код операции  $S_3S_2S_1S_0 = 0110$ . Сформировать на выходах первого и второго счетчиков произвольные числа  $A_3A_2A_1A_0$  и  $B_3B_2B_1B_0$ , но так, чтобы  $A < B$ , например,

$$A_3A_2A_1A_0 = 0111 = 7_{(10)} = E_{(16)}; B_3B_2B_1B_0 = 1011 = 11_{(10)} = B_{(16)}.$$

Ожидаемый результат в дополнительном коде в отсутствие входного переноса ( $C_N = 1$ ) равен

$$F_3F_2F_1F_0 = \text{минус } 1100 = \text{минус } 12_{(10)}.$$

При этом должен присутствовать сигнал выходного переноса ( $C_{N+4} = 0$ ).

Скопировать для отчета изображение на экране (см. рисунок 2).

Не изменяя операнды, установить входной перенос ( $C_N = 0$ ) и зафиксировать результат операции. Снять изображение на экране для отчета.

### **3.3 Логическая операция**

Установить режим  $M=1$  и код операции  $S_3S_2S_1S_0$ , который соответствует функции, заданной преподавателем. Сформировать в первом и втором счетчиках произвольные наборы переменных  $A_3A_2A_1A_0$  и  $B_3B_2B_1B_0$ . Выполнить операцию и сравнить результат с ожидаемым выходным словом  $F_3F_2F_1F_0$ . Скопировать для отчета изображение на экране (см. рисунок 2).

## **4 Контрольные вопросы**

1. К какой категории цифровых устройств относятся арифметико-логические устройства?
2. Какой функциональный узел является основой схемы АЛУ?
3. В каком порядке выполняются действия сложной арифметико-логической операции?

## **5 Содержание отчета**

Отчет должен содержать:

- 1) титульный лист;
- 2) наименование работы и цель исследований;
- 3) задание на лабораторную работу;
- 4) описание методики выполнения логических и арифметических функций, реализованных в АЛУ;
- 5) копии изображений на экране при выполнении заданных операций;
- 6) комментарии полученных результатов.

## **Библиографический список**

1. Иванов, В.И. Проектирование цифровых устройств [Текст]: Учебное пособие / В.И. Иванов, В.С. Титов, М.В. Бобырь и др.; Юго-Зап. гос. ун-т. Курск, 2011. 100 с.
2. Угрюмов, Е.П. Цифровая схемотехника [Текст]: учебное пособие для вузов / Е.П. Угрюмов. – СПб: БХВ-Петербург, 2004. 528 с.
3. Угрюмов, Е.П. Проектирование элементов и узлов ЭВМ [Текст]: учебное пособие для вузов / Е.П. Угрюмов. – М.: Высш. шк., 1987. 318 с.