

Аннотация к рабочей программе дисциплины «Высшая математика»

Цель преподавания дисциплины

Формирование и закрепление у обучающихся знаний базовых положений высшей математики и потенциальных умений их применения при разработке математических моделей решения профессиональных задач.

Задачи изучения дисциплины

- Изучение основ математического анализа, теории дифференциальных уравнений, теории функций комплексной переменной, теории вероятностей и математической статистики;

- Освоение навыков адаптации основных моделей высшей математики к конкретным задачам исследования для формализации анализа и выработки решения.

Компетенции, формируемые в результате освоения дисциплины

В результате освоения дисциплины «Высшая математика» у обучающихся формируются следующие компетенции:

ОПК-1. Способен применять естественнонаучные и общетехнические знания, методы математического анализа и моделирования в инженерной деятельности, связанной с разработкой, проектированием, конструированием, технологиями производства и эксплуатации биотехнических систем

ОПК-1.1. Применяет методы математического анализа и моделирования в инженерной деятельности, связанной с разработкой, проектированием, конструированием, технологиями производства и эксплуатации биотехнических систем.

ОПК-1.2. Применяет естественнонаучные знания в инженерной практике проектирования биотехнических систем.

Разделы дисциплины

1. Введение в математический анализ. Элементы функционального анализа.

2. Дифференциальное исчисление функции одной переменной.

3. Интегральное исчисление функций одной переменной.

4. Числовые и функциональные ряды. Гармонический анализ.

5. Дифференциальное исчисление функций многих переменных.

6. Интегральное исчисление функций многих переменных.

7. Дифференциальные уравнения.

8. Элементы теории вероятностей и математической статистики.

9. Введение в теорию функций комплексной переменной.

МИНОБРНАУКИ РОССИИ
Юго-Западный государственный университет

УТВЕРЖДАЮ

И.о.декана факультета

фундаментальной и прикладной

информатики

(наименование факультета полностью)

 Т.А. Ширабакина

(подпись, инициалы, фамилия)

«31» 03 2019 г.

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ

Высшая математика

(наименование дисциплины)

ОПОП ВО 12.03.04 Биотехнические системы и технологии

шифр и наименование направления подготовки (специальности)

направленность (профиль) Биотехнические и медицинские аппараты и системы

наименование направленности (профиля, специализации)

форма обучения очная

(очная, очно-заочная, заочная)

Курск – 2019

Рабочая программа дисциплины составлена в соответствии с ФГОС ВО – бакалавриат по направлению подготовки 12.03.04 Биотехнические системы и технологии на основании учебного плана ОПОП ВО 12.03.04 Биотехнические системы и технологии, направленность (профиль) «Биотехнические и медицинские аппараты и системы», одобренного Ученым советом университета (протокол № 7 от «29» марта 2019г.).

Рабочая программа дисциплины обсуждена и рекомендована к реализации в образовательном процессе для обучения студентов по ОПОП ВО 12.03.04 Биотехнические системы и технологии, направленность (профиль) «Биотехнические и медицинские аппараты и системы», на заседании кафедры высшей математики № 1 от «29» августа 2019 г.
(наименование кафедры, дата, номер протокола)

Зав. кафедрой _____ Хохлов Н.А.

Разработчик программы к.ф.-м.н., с.н.с. В.И. Дмитриев Дмитриев В.И.
(ученая степень, ученое звание, Ф.И.О.)

Согласовано: на заседании кафедры биомедицинской инженерии № 1 «30» 08.2019 г.
(наименование кафедры, дата, номер протокола)

Зав. кафедрой _____ Кореневский Н.А.
(название кафедры, дата, номер протокола, подпись заведующей кафедрой; согласование производится с кафедрами, чьи дисциплины основываются на данной дисциплине, а также при необходимости руководителями других структурных подразделений)

Директор научной библиотеки В.А. Макарова Макаровская В.Г.

Рабочая программа дисциплины пересмотрена, обсуждена и рекомендована к реализации в образовательном процессе на основании учебного плана по ОПОП ВО 12.03.04 Биотехнические системы и технологии, направленность (профиль) «Биотехнические и медицинские аппараты и системы», одобренного Ученым советом университета протокол № 7 «24» 02.2020 г. на заседании кафедры высшей математики протокол № 10 «03» 07.2021 г.
(наименование кафедры, дата, номер протокола)

Зав. кафедрой _____ Хохлов Н.А.

Рабочая программа дисциплины пересмотрена, обсуждена и рекомендована к реализации в образовательном процессе на основании учебного плана по ОПОП ВО 12.03.04 Биотехнические системы и технологии, направленность (профиль) «Биотехнические и медицинские аппараты и системы», одобренного Ученым советом университета протокол № 4 «25» 06.2021 г. на заседании кафедры высшей математики протокол № 14 «01» 07.2021 г.
(наименование кафедры, дата, номер протокола)

Зав. кафедрой _____ Хохлов Н.А.

Рабочая программа дисциплины пересмотрена, обсуждена и рекомендована к реализации в образовательном процессе на основании учебного плана по ОПОП ВО 12.03.04 Биотехнические системы и технологии, направленность (профиль) «Биотехнические и медицинские аппараты и системы», одобренного Ученым советом университета протокол № 7 «28» 02.2021 г. на заседании кафедры высшей математики протокол № 12 «18» 06.2021 г.
(наименование кафедры, дата, номер протокола)

Зав. кафедрой _____ Хохлов Н.А.

Рабочая программа дисциплины пересмотрена, обсуждена и рекомендована к реализации в образовательном процессе на основании учебного плана по ОПОП ВО 12.03.04 Биотехнические системы и технологии, направленность (профиль) «Биотехнические и медицинские аппараты и системы», одобренного ученым советом университета протокол № 9 от 27.02.2023г. на заседании кафедры высшей математики протокол № 13 от 03.07.2023г.

И.о.зав.кафедрой _____ (наименование, протокол №, дата)
_____ (подпись) Бредихина О.А.

Рабочая программа дисциплины пересмотрена, обсуждена и рекомендована к реализации в образовательном процессе на основании учебного плана по ОПОП ВО 12.03.04 Биотехнические системы и технологии, направленность (профиль) «Биотехнические и медицинские аппараты и системы», одобренного ученым советом университета протокол № 9 «27» 03 2024 г. на заседании кафедры высшей математики протокол № 13 от «02» 07 2024 г.

И.о. Зав. кафедрой _____ (наименование, протокол №, дата)
_____ (подпись) Бредихина О.А.

Рабочая программа дисциплины пересмотрена, обсуждена и рекомендована к реализации в образовательном процессе на основании учебного плана по ОПОП ВО 12.03.04 Биотехнические системы и технологии, направленность (профиль) «Биотехнические и медицинские аппараты и системы», одобренного ученым советом университета протокол № 9 «31» 03 2025 г. на заседании кафедры высшей математики протокол № 12 от «01» 04 2025 г.

И.о.Зав. кафедрой _____ (наименование, протокол №, дата)
_____ (подпись) Бредихина О.А.

Рабочая программа дисциплины пересмотрена, обсуждена и рекомендована к реализации в образовательном процессе на основании учебного плана по ОПОП ВО 12.03.04 Биотехнические системы и технологии, направленность (профиль) «Биотехнические и медицинские аппараты и системы», одобренного ученым советом университета протокол № 8 «24» 02 2026 г. на заседании кафедры высшей математики протокол № 11 от «02» 04 2026 г.

И.о.Зав. кафедрой _____ (наименование, протокол №, дата)
_____ (подпись) Бредихина О.А.

Рабочая программа дисциплины пересмотрена, обсуждена и рекомендована к реализации в образовательном процессе на основании учебного плана по ОПОП ВО 12.03.04 Биотехнические системы и технологии, направленность (профиль) «Биотехнические и медицинские аппараты и системы», одобренного Ученым советом университета протокол № ____ от « » 20 г. на заседании кафедры высшей математики протокол № ____ от « » 20 г.

(наименование кафедры, дата, номер протокола)

Зав. кафедрой _____

1. Цель и задачи дисциплины. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине, соотнесенных с планируемыми результатами освоения основной профессиональной образовательной программы

1.1 Цель дисциплины

Целью дисциплины «Высшая математика» является формирование и закрепление у обучающихся знаний базовых положений высшей математики и потенциальных умений их применения при разработке математических моделей решения профессиональных задач.

1.2 Задачи дисциплины

- Изучение основ математического анализа, теории дифференциальных уравнений, теории функций комплексной переменной, теории вероятностей и математической статистики;
- Освоение навыков адаптации основных моделей высшей математики к конкретным задачам исследования для формализации анализа и выработки решения.

1.3 Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине, соотнесенных с планируемыми результатами освоения основной профессиональной образовательной программы

Планируемые результаты освоения основной профессиональной образовательной программы (компетенции, закрепленные за дисциплиной)		Код и наименование индикатора достижения компетенции, закрепленного за дисциплиной	Планируемые результаты обучения по дисциплине, соотнесенные с индикаторами достижения компетенций
код компетенции	наименование компетенции		
ОПК-1	Способен применять естественнонаучные и инженерные знания, методы математического анализа и моделирования в инженерной деятельности, связанной с разработкой, проектированием, конструированием, технологиями производства и эксплуатации биотехнических систем	ОПК-1.1 Применяет методы математического анализа и моделирования в инженерной деятельности, связанной с разработкой, проектированием, конструированием, технологиями производства и эксплуатации биотехнических систем	Знать: - фундаментальные идеи и факты высшей математики Уметь: - применять знания высшей математики при решении задач профессиональной деятельности Владеть: - навыками применения методов математического анализа и моделирования в профессиональной деятельности
		ОПК-1.2 Применяет естественнонаучные знания в инженерной практике проектирования биотехнических систем	Знать: - потенциальные возможности высшей математики при проектировании в биотехнических системах Уметь: - применять методы математического анализа и моделирования в инженерной практике проектирования биотехнических систем Владеть: - навыками применения знаний из области высшей математики в инженерной практике

2 Указание места дисциплины в структуре основной профессиональной образовательной программы

Дисциплина «Высшая математика» входит в обязательную часть блока 1 «Дисциплины (модули)» (индекс Б1.О.08) основной профессиональной образовательной программы – программы бакалавриата 12.03.04 Биотехнические системы и технологии, направленность (профиль) «Биотехнические и медицинские аппараты и системы». Дисциплина изучается на 1,2 курсах в 1, 2 и 3 семестрах.

3 Объем дисциплины в зачетных единицах с указанием количества академических или астрономических часов, выделенных на контактную работу обучающихся с преподавателем (по видам учебных занятий) и на самостоятельную работу обучающихся

Общая трудоемкость дисциплины составляет 13 зачетных единицы (з.е.), 468 академических часов.

Таблица 3 – Объем дисциплины

Виды учебной работы	Всего, часов
Общая трудоемкость дисциплины	432
Контактная работа обучающихся с преподавателем по видам учебных занятий (всего)	183,45
в том числе:	
лекции	108
лабораторные занятия	18
практические занятия	54
Самостоятельная работа обучающихся (всего)	149,55
Контроль (подготовка к экзамену)	99
Контактная работа по промежуточной аттестации (всего АттКР)	3,45
в том числе:	
экзамен (включая консультацию перед экзаменом)	3,45
зачёт	не предусмотрен
зачёт с оценкой	не предусмотрен
курсовой работа (проект)	не предусмотрена

4 Содержание дисциплины, структурированное по темам (разделам) с указанием отведенного на них количества академических часов и видов учебных занятий

4.1 Содержание дисциплины

Таблица 4.1.1 – Содержание дисциплины, структурированное по темам (разделам)

№ п/п	Раздел (тема) дисциплины	Содержание
1	2	3
1	Введение в математический анализ. Элементы функционального анализа	Отображения множеств. Метрика. Предел. Непрерывность.
2	Дифференциальное исчисление функции одной переменной	Производная. Основные теоремы дифференциального исчисления. Исследование функций с помощью производной.

№ п/п	Раздел (тема) дисциплины	Содержание
1	2	3
3	Интегральное исчисление функций одной переменной	Неопределенный интеграл, методы интегрирования. Интеграл Римана. Приложение интеграла.
4	Числовые и функциональные ряды. Гармонический анализ.	Исследование числовых рядов. Степенные ряды. Ряды Фурье.
5	Дифференциальное исчисление функций многих переменных	Дифференциал. Производные функции нескольких переменных. Экстремумы.
6	Интегральное исчисление функций многих переменных.	Кратные интегралы и их приложения.
7	Дифференциальные уравнения	Обыкновенные дифференциальные уравнения и системы
8	Элементы теории вероятностей и математической статистики	Вероятностное пространство. Случайные величины и их характеристики. Основные задачи математической статистики
9	Введение в теорию функций комплексной переменной	Дифференцирование и интегрирование в комплексной области. Особенности аналитических функций, вычеты. Основы операционного исчисления

Таблица 4.1.2 – Содержание дисциплины и её методическое обеспечение

№ п/п	Раздел (тема) дисциплины	Виды деятельности			Учебно-методические материалы	Формы текущего контроля успеваемости (по неделям семестра)	Компетенции
		лек. час.	№ лаб.	№ пр.			
1	2	3	4	5	6	7	8
1 семестр							
1	Введение в математический анализ. Элементы функционального анализа	12		1,2	У-1, 2, 6 МУ-1,9	Т-1	ОПК-1
2	Дифференциальное исчисление функции одной переменной	10		3,4	У-1, 2, 6 МУ-1,9	Т-2	ОПК-1
3	Интегральное исчисление функций одной переменной	14		5,6	У-1, 2, 6 МУ 2,3,9	Т-3, Т-4	ОПК-1
2 семестр							
4	Числовые и функциональные ряды. Гармонический анализ	12	1,2		У-1,2,4,5,7	ЗЛР	ОПК-1
5	Дифференциальное исчисление функций многих переменных	8	3		У-1,2,4,6,7,9	ЗЛР	ОПК-1
6	Интегральное исчисление функций многих переменных	8	4		У-1,3,6,7,9	ЗЛР	ОПК-1
7	Дифференциальные уравнения	12	5		У-1,2,3, МУ-4	ЗЛР	ОПК-1
3 семестр							
8	Элементы теории вероятностей и математической статистики	24		7-11	У- 5,6,10,13 МУ-6,7,8,9	Т-5,6,7	ОПК-1
9	Введение в теорию функций комплексной переменной	12		12-14	У- 1,7 МУ-9	Т-8	ОПК-1

У – учебная литература, МУ – методические указания, Т – тест для защиты соответствующего раздела, ЗЛР – защита лабораторной работы.

4.2 Лабораторные работы и (или) практические занятия

4.2.1 Лабораторные работы

Таблица 4.2.1 – Лабораторные занятия

№	Наименование лабораторной работы	Объём, час
1	2	3
2 семестр		
1	Действия над числовыми рядами	2
2	Разложение функций в степенные ряды	4
3	Гармонический анализ	4
4	Вычисление кратных интегралов	2
5	Интегрирование обыкновенных дифференциальных уравнений	6
Итого		18

4.2.1 Практические занятия

Таблица 4.2.2 – Практические занятия

№	Наименование практического занятия	Объём, час
1	2	3
1 семестр		
1	Множества, отображения множеств	4
2	Операция предельного перехода для последовательностей и функций. Непрерывность	8
3	Производная. Техника дифференцирования	4
4	Исследование функций одной переменной средствами дифференциального исчисления	6
5	Методы неопределенного интегрирования	6
6	Вычисление определенного интеграла. Приложения	8
Итого		36
3 семестр		
7	Элементы комбинаторики	2
8	Классическое определение вероятности	2
9	Основные формулы элементарной теории вероятностей. Расчет вероятностей случайных событий	2
10	Случайные величины. Числовые характеристики случайных величин	2
11	Простейшие задачи математической статистики	2
12	Ряды и интегралы в комплексной области	2
13	Особые точки аналитических функций. Вычеты	2
14	Методы операционного исчисления	4
Итого		18
Всего:		54

4.3 Самостоятельная работа студентов (СРС)

Таблица 4.3 – Самостоятельная работа студентов

№ раз-дела (темы)	Наименование раздела (темы) дисциплины	Срок выполнения	Время, затрачиваемое на выполнение СРС, час
1 семестр			
1	Введение в математический анализ. Элементы функционального анализа	1–5 недели	12
2	Дифференциальное исчисление функций одной переменной	6–11 недели	16,85
3	Интегральное исчисление функций одной переменной	12–17 недели	15
Итого за 1 семестр			43,85
2 семестр			
4	Числовые и функциональные ряды. Гармонический анализ	1–5 недели	16
5	Дифференциальное исчисление функций многих переменных	6–10 недели	12
6	Интегральное исчисление функций многих переменных	11–14 недели	12
7	Дифференциальные уравнения	15–17 недели	12,85
Итого за 2 семестр			52,85
3 семестр			
8	Элементы теории вероятностей и математической статистики	1–12 недели	40
9	Введение в теорию функций комплексной переменной	13–17 недели	12,85
Итого за 3 семестр			52,85
Итого			149,55

5 Перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы обучающихся по дисциплине

Студенты могут при самостоятельном изучении отдельных тем и вопросов дисциплин пользоваться учебно-наглядными пособиями, учебным оборудованием и методическими разработками кафедры в рабочее время, установленное Правилами внутреннего распорядка работников.

Учебно-методическое обеспечение для самостоятельной работы обучающихся по данной дисциплине организуется:

библиотекой университета:

- библиотечный фонд укомплектован учебной, методической, научной, периодической, справочной и художественной литературой в соответствии с УП и данной РПД;
- имеется доступ к основным информационным образовательным ресурсам, информационной базе данных, в том числе библиографической, возможность выхода в интернет.

кафедрой:

- путем обеспечения доступности всего необходимого учебно-методического и справочного материала;
- путем предоставления сведений о наличии учебно-методической литературы, современных программных средств.
- путем разработки:
 - методических рекомендаций, пособий по организации самостоятельной работы студентов;
 - заданий для самостоятельной работы;
 - вопросов к экзаменам и зачету;

- методических указаний к выполнению лабораторных и практических работ и т.д. *типографией университета*;
- помощь авторам в подготовке и издании научной, учебной и методической литературы;
- удовлетворение потребности в тиражировании научной, учебной и методической литературы.

6 Образовательные технологии

Реализация компетентностного подхода предусматривает широкое использование в образовательном процессе активных и интерактивных форм проведения занятий в сочетании с внеаудиторной работой с целью формирования общепрофессиональных компетенций обучающихся.

Таблица 6.1 – Интерактивные образовательные технологии, используемые при проведении аудиторных занятий

№	Наименование раздела (темы лекции, практического или лабораторного занятия)	Используемые интерактивные образовательные технологии	Объем, час.
1	2	3	4
1 семестр			
1	Лекция «Элементы теории множеств»	Постановка проблем, диалог, тренинг	2
2	Лекция «Элементы функционального анализа»	Примеры проблем, обсуждение, попытки решения от конкретного к абстрактному	4
3	Лекция «Операция предельного перехода»	Постановка проблем, примеры, обсуждение основных понятий	2
4	Практическое занятие «Техника дифференцирования»	Обсуждение основных правил, тренинг	2
5	Практическое занятие «Приложения определенного интеграла»	Постановка проблем, диалог, тренинг	2
Итого за 1 семестр			12
2 семестр			
6	Лекция «Числовые ряды»	Примеры проблем, обсуждение путей решения	4
7	Лекция «Степенные ряды»	Обсуждение классических проблем	4
8	Лабораторная работа №8 «Гармонический анализ»	Обсуждение задач, приводящих к гармоническому анализу функций. Выполнение индивидуальных заданий.	4
Итого за 2 семестр			12
3 семестр			
9	Лекция «Классическое определение вероятности»	Разбор конкретных ситуаций	2
10	Лекция «Повторные испытания»	Вывод основных формул, обсуждение	2
11	Лекция «Дифференцирование и интегрирование в комплексной области»	Обсуждение специфики операций в комплексной области	4
12	Практическое занятие «Случайные величины. Числовые характеристики случайных величин»	Примеры, проблемы, диалог, тренинг	4
Итого за 3 семестр			12
Итого			36

7 Фонд оценочных средств для проведения промежуточной аттестации обучающихся по дисциплине

7.1 Перечень компетенций с указанием этапов их формирования в процессе освоения основной профессиональной образовательной программы

Таблица 7.1 – Этапы формирования компетенций

Код и содержание компетенции	Этапы формирования компетенций и дисциплины (модули), при изучении которых, формируется данная компетенция		
	начальный	основной	завершающий
ОПК-1.1 Применяет методы математического анализа и моделирования в инженерной деятельности, связанной с разработкой, проектированием, конструированием, технологиями производства и эксплуатации биотехнических систем	Алгебра и геометрия Прикладная математика	Узлы и элементы биотехнических систем Управление в биотехнических системах Системный анализ Учебная практика (НИР)	Проектирование электронной медицинской аппаратуры
ОПК-1.2 Применяет естественнонаучные знания в инженерной практике проектирования биотехнических систем	Алгебра и геометрия Физика Химия Основы конструкторской и проектной документации Прикладная механика Электротехника Электроника Биофизические основы живых систем	Системный анализ Узлы и элементы биотехнических систем Управление в биотехнических системах Учебная практика (НИР)	Проектирование электронной медицинской аппаратуры

7.2 Описание показателей и критериев оценивания компетенций на различных этапах их формирования, описание шкал оценивания

Код компетенции / этап (указывается название этапа из п. 7.1)	Показатели оценивания компетенции (индикаторы достижения компетенций, закрепленные за дисциплиной)	Критерии и шкала оценивания компетенций		
		Пороговый уровень («удовлетворительно»)	Продвинутый уровень («хорошо»)	Высокий уровень («отлично»)
1	2	3	4	5
ОПК-1/ начальный, основной, завершающий	ОПК-1.1 Применяет методы математического анализа и моделирования в инженерной деятельности, связанной с разработкой, проектированием, конструированием, технологиями производства и эксплуатации биотехнических систем	Знать: – базовые положения высшей математики. Уметь: – применять основные математические факты для решения типовых профессиональных задач. Владеть: – навыками использования стандартных математических моделей при решении поставленных задач.	Знать: – основные положения и логику высшей математики. Уметь: – применять основные математические факты для моделирования в профессиональной области Владеть: – навыками использования математического анализа при решении профессиональных задач.	Знать: – содержание, логику и связи положений в области высшей математики. Уметь: – аргументировано применять методы математического анализа и моделирования, теоретического исследования в профессиональной деятельности. Владеть: – навыками разработки математических моделей решения профессиональных задач.
	ОПК-1.2 Применяет естественнонаучные знания в инженерной практике проектирования биотехнических систем	Знать: – основные методы математики для решения типовых задач проектирования биотехнических систем. Уметь: – применять знания математики при решении типовых задач проектирования. Владеть: – навыками применения знаний математики при решении типовых задач проектирования.	Знать: – основные методы математики для решения типовых задач проектирования биотехнических систем. Уметь: – применять знания высшей математики в инженерной практике при проектировании биотехнических систем. Владеть: – навыками применения знаний высшей математики в инженерной практике при проектировании биотехнических систем.	Знать: – Потенциальные возможности математического анализа и моделирования при проектировании биотехнических систем Уметь: – применять методы математики в инженерной практике при проектировании и анализе биотехнических систем Владеть: – навыками применения методов математики в инженерной практике при проектировании и анализе биотехнических систем

7.3 Типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций в процессе освоения основной профессиональной образовательной программы

Таблица 7.3 – Паспорт комплекта оценочных средств для текущего контроля

№ п/п	Раздел (тема) дисциплины	Код контролируемой компетенции (или ее части)	Технология формирования	Оценочные средства		Описание шкал оценивания
				наименование	№№ заданий	
1	2	3	4	5	6	7
1	Введение в математический анализ. Элементы функционального анализа	ОПК-1	Лекция. Практические занятия. СРС.	БТЗ	1.1-1.4 2.1-2.3 3.1-3.5 4.1-4.4	Согласно табл. 7.2
				Т-1	1-6	
2	Дифференциальное исчисление функций одной переменной	ОПК-1	Лекция. Практические занятия. СРС.	БТЗ	1.5-1.7 2.4-2.6 3.6, 3.7 4.5-4.8	Согласно табл. 7.2
				Т 2	1-6	
3	Интегральное исчисление функций одной переменной	ОПК-1	Лекция. Практические занятия. СРС.	БТЗ	1.8-1.11 2.7, 2.8 3.8-3.13 4.9-4.13	Согласно табл. 7.2
				Т 3	1-6	
				Т 4	1-6	
4	Числовые и функциональные ряды. Гармонический анализ	ОПК-1	Лекция. Лабораторные занятия. СРС.	Задания и контрольные вопросы к лаб. № 4	задания 1-3; вопросы 41-50	
5	Дифференциальное исчисление функций многих переменных	ОПК-1	Лекция. Лабораторные занятия.. СРС.	Задания и контрольные вопросы к лаб. № 5	задания 1-3; вопросы 51-60	Согласно табл. 7.2
6	Интегральное исчисление функций многих переменных	ОПК-1	Лекция. Лабораторные занятия.. СРС.	Задания и контрольные вопросы к лаб. № 6	задания 1-3; вопросы 61-70	Согласно табл. 7.2
7	Дифференциальные уравнения	ОПК-1	Лекция. Лабораторные занятия.. СРС.	Задания и контрольные вопросы к лаб. № 7	задания 1-3; вопросы 71-80	Согласно табл. 7.2
	Элементы теории вероятностей и математической статистики	ОПК-1	Лекция. Практические занятия. СРС.	БТЗ	1.21-1.23 2.21-2.23 3.23, 3.24 4.22-4.24	Согласно табл. 7.2
				Т 9	1-6	
				Т 10	1-6	
				Т 11	1-6	

№ п/п	Раздел (тема) дисциплины	Код контролируем ой компетенции (или ее части)	Технология формирования	Оценочные средства		Описание шкал оцениван ия
				наименован ие	№№ заданий	
1	2	3	4	5	6	7
9	Элементы теории функций комплексной переменной	ОПК-1	Лекция. Практические занятия.. СРС.	БТЗ	1.24, 1.25 2.24, 2.25 3.25, 4.25	Согласно табл. 7.2
				Т 12	1-6	

БТЗ – банк вопросов и заданий в тестовой форме.

Примеры типовых контрольных заданий для проведения текущего контроля успеваемости

Раздел (тема) 5 «Интегральное исчисление функций одной переменной»

Вариант 1 (Т 5)

1. Какая из указанных ниже функций является первообразной функции

$$f(x) = 3 - 8x - \frac{4}{x^2}?$$

1) $F(x) = -8 + \frac{8}{x^3}$

2) $F(x) = 3x - 4x^2 + \frac{8}{x^3} - 2$

3) $F(x) = 3x - 4x^2 - \frac{4}{x} - 6$

4) $F(x) = 3x - 4x^2 + \frac{4}{x}$

5) $F(x) = 3x - 4x^2 + \frac{4}{x} - 5$

2. Пусть $F(x) = a \cdot \cos \frac{x}{2} + b \cdot x^2 + c \cdot x$ – первообразная для функции $f(x) = \sin \frac{x}{2} + x - 8$, график которой проходит через точку $M(0; -2)$. Найти произведение $a \cdot b \cdot c$.

3. Установите соответствие между интегралами и их значениями.

1) $\int \frac{dx}{a^2 - x^2}$	а) $\frac{1}{2a} \ln \left \frac{a+x}{a-x} \right + c$
2) $\int \frac{dx}{\sqrt{x^2 \pm a^2}}$	б) $\frac{1}{a} \arctg \frac{x}{a} + c$
3) $\int \frac{dx}{\sqrt{a^2 - x^2}}$	в) $\arcsin \frac{x}{a} + c$
4) $\int \frac{dx}{a^2 + x^2}$	г) $\arctg \frac{x}{a} + c$
	д) $\ln \left x + \sqrt{x^2 \pm a^2} \right + c$

4.

Задание на установление последовательности	Варианты ответов	Правильный от- вет
Расположите последова- тельность действий при вы- числении неопределённого интеграла $\int \frac{(4-5x)^2}{x} dx$	1) используем таблицу неопределённых интегралов 2) используем формулу квадрата разности 3) добавляем постоянную С в конце записи 4) используем свойство неопределённого интеграла	

	грала $\int (f(x) + g(x))dx = \int f(x)dx + \int g(x)dx$	
	5) используем почленное деление	

5. Установите соответствие между неопределённым интегралом и способом его решения.

1) $\int \frac{dx}{x \cdot \ln^5 x}$	а) использование почленного деления
2) $\int (x+1) \sin x dx$	б) подведение под знак дифференциала
3) $\int 5^x dx$	в) использование формулы $\int f(kx+b)dx = \frac{1}{k} \int f(t) dt$
4) $\int \frac{3+x}{x} dx$	г) непосредственное интегрирование
	д) метод интегрирования по частям

6. Неопределенный интеграл $\int \frac{dx}{\sin^2 4x}$ равен

- 1) $-\frac{1}{4} \operatorname{ctg} 4x + C$ 2) $\frac{1}{4} \operatorname{tg} 2x + C$ 3) $-\frac{1}{2} \operatorname{ctg} x + C$ 4) $-\frac{1}{4} \operatorname{ctg} 2x + C$

7. Неопределённый интеграл $\int \frac{\cos x}{\sqrt{5-2 \sin x}} dx$ равен

- 1) $\sqrt{5-2 \sin x} + C$ 2) $2 \ln|5-2 \sin x| + C$ 3) $-\sqrt{5-2 \sin x} + C$ 4) $2\sqrt{5-2 \sin x} + C$

8. Найти неопределённый интеграл $\int (2x+1) \cdot e^{2x+1} dx$

- 1) $x e^{2x+1} + C$ 2) $2x e^{2x+1} + C$ 3) $(x^2+x) e^{2x+1} + C$ 4) $2(x^2+x) e^{2x+1} + C$

9. Записать верную последовательность действий, которую требуется совершить для вычисления интеграла $\int (x+1) \cdot \sin x dx$.

- 1) Вычислить du и v
- 2) Установить, что нужно взять за u , а что за dv
- 3) Определить, относится ли интеграл к типу интегралов, интегрируемых по частям
- 4) Воспользоваться формулой $\int u dv = uv - \int v du$, подставив вместо u , dv , du и v их значения.

10. Указать вид разложения дроби $\frac{x-4}{x^3+6x^2+8x}$ на простейшие.

- 1) $\frac{A}{x} + \frac{B}{x^2+6x+8}$ 2) $\frac{A}{x} + \frac{B}{x^2} + \frac{Cx+D}{x^2+6x+8}$ 3) $\frac{A}{x} + \frac{Bx+C}{x^2+6x+8}$
- 4) $\frac{A}{x} + \frac{B}{x+2} + \frac{C}{x+4}$ 5) $\frac{A}{x} + \frac{B}{x^2} + \frac{C}{x^2+6x+8}$

Полностью оценочные материалы и оценочные средства для проведения текущего контроля успеваемости представлены в УММ по дисциплине.

Типовые задания для проведения промежуточной аттестации обучающихся

Промежуточная аттестация по дисциплине проводится в форме экзамена. Экзамен проводится в виде бланкового тестирования.

Для тестирования используются контрольно-измерительные материалы (КИМ) – вопросы и задания в тестовой форме, составляющие банк тестовых заданий (БТЗ) по дисциплине, утвержденный в установленном в университете порядке.

Проверяемыми на промежуточной аттестации элементами содержания являются темы дисциплины, указанные в разделе 4 настоящей программы. Все темы дисциплины отражены в КИМ в равных долях (%). БТЗ включает в себя не менее 100 заданий и постоянно пополняется. БТЗ хранится на бумажном носителе в составе УММ и электронном виде в ЭИОС университета.

Для проверки знаний используются вопросы и задания в различных формах:

- закрытой (с выбором одного или нескольких правильных ответов),
- открытой (необходимо вписать правильный ответ),
- на установление правильной последовательности,
- на установление соответствия.

Умения, навыки (или опыт деятельности) и компетенции проверяются с помощью компетентностно-ориентированных задач (ситуационных, производственных или кейсового характера) и различного вида конструкторов. Все задачи являются многоходовыми. Некоторые задачи, проверяющие уровень сформированности компетенций, являются многовариантными. Часть умений, навыков и компетенций прямо не отражена в формулировках задач, но они могут быть проявлены обучающимися при их решении.

В каждый вариант КИМ включаются задания по каждому проверяемому элементу содержания во всех перечисленных выше формах и разного уровня сложности. Такой формат КИМ позволяет объективно определить качество освоения обучающимися основных элементов содержания дисциплины и уровень сформированности компетенций.

Примеры типовых заданий для проведения промежуточной аттестации обучающихся

Задание в закрытой форме (с выбором единственного ответа):

Одной из первообразных от функции $y = 2x - 3$ является функция...

- | | | |
|-------------------|-------------|-------------------|
| 1) $x^2 - 3 + C$ | 2) 2 | 3) $2x^2 - 3 + C$ |
| 4) $x^2 - 3x + C$ | 5) $2 - 3x$ | |

Задание в закрытой форме (с выбором множественных ответов):

Интервальный вариационный ряд графически можно изобразить

- | | | |
|--------------|-----------------|------------------------|
| 1) полигоном | 2) гистограммой | 3) кумулятивной кривой |
|--------------|-----------------|------------------------|

Задание в открытой форме:

Предел $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^2 + 2x - 3}{5 - 5x^2}$ равен ...

Задание на установление правильной последовательности:

Расположите последовательность действий при нахождении производной функции $y = (\sin x)^{\cos x}$.

- 1) найти производные обеих частей равенства
- 2) прологарифмировать обе части равенства
- 3) воспользоваться правилом нахождения производной сложной функции
- 4) воспользоваться свойством $\ln|a^b| = b \cdot \ln|a|$
- 5) заменить y исходной функцией

Задание на установление соответствия:

Установите соответствие между дифференциальным уравнением и его решением.

1) $y'' + y' - 6y = 0$	а) $y = e^{\alpha x} (C_1 \cdot \cos(\beta x) + C_2 \cdot \sin(\beta x))$
2) $y'' - 10y' + 29y = 0$	б) $y = e^{kx} (C_1 + C_2 x)$
3) $y'' - 10y' + 25y = 0$	в) $y = C_1 \cdot \cos(\beta x) + C_2 \cdot \sin(\beta x)$
4) $y'' + 25y = 0$	г) $y = C_1 \cdot e^{k_1 x} + C_2 \cdot e^{k_2 x}$
	д) $y = C_1 \cdot e^{k_1 x} + C_2$

Компетентностно-ориентированная задача:

Цена за единицу товара зависит от объёма заказа и определяется следующим образом.

1. Если объём заказа не превышает 4 000 единиц товара, то цена единицы товара равна 300 рублей.
2. Если объём заказа превышает 4 000 единиц товара, то на каждую единицу товара от цены 300 рублей предоставляется скидка в размере $\frac{x-4000}{50}$ рублей, где x – количество единиц товара в заказе. Определить наибольшую выручку в руб., которую сможет получить фирма (объём заказа не может превышать 16 000 единиц товара). Ответ записать в виде $R(x_0) = R_0$.

Полностью оценочные материалы и оценочные средства для проведения промежуточной аттестации обучающихся представлены в УММ по дисциплине.

7.4 Методические материалы, определяющие процедуры оценивания знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций

Процедуры оценивания знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций, регулируются следующими нормативными актами университета:

- Положение П 02.016-2018 «О балльно-рейтинговой системе оценивания результатов обучения по дисциплинам (модулям) и практикам при освоении обучающимися образовательных программ»;

– методические указания, используемые в образовательном процессе, указанные в списке литературы.

Для текущего контроля успеваемости по дисциплине в рамках действующей в университете балльно-рейтинговой системы применяется следующий порядок начисления баллов:

Таблица 7.4 – Порядок начисления баллов в рамках БРС

Форма контроля	Минимальный балл		Максимальный балл	
	балл	примечание	балл	примечание
1	2	3	4	5
1 семестр				
Введение в математический анализ. Элементы функционального анализа Т-1, ЗПР	8	Для правильных ответов 50%	16	Для правильных ответов 90%
Дифференциальное исчисление функции одной переменной Т-2, ЗПР	8	Для правильных ответов 50%	16	Для правильных ответов 90%
Интегральное исчисление функций одной переменной Т-3, ЗПР	8	Для правильных ответов 50%	16	Для правильных ответов 90%
Всего	24		48	
Посещаемость	0		16	
Подготовка к экзамену, экзамен			36	
2 семестр				
Числовые и функциональные ряды. Гармонический анализ Т-4, ЗПР.	6	Для правильных ответов 50%	12	Для правильных ответов 90%
Дифференциальное исчисление функций многих переменных Т-5, ЗПР	6	Для правильных ответов 50%	12	Для правильных ответов 90%
Интегральное исчисление функций многих переменных Т-6, ЗПР	6	Для правильных ответов 50%	12	Для правильных ответов 90%
Дифференциальные уравнения Т-7, ЗПР	6	Для правильных ответов 50%	12	Для правильных ответов 90%
Всего	24		48	

Форма контроля	Минимальный балл		Максимальный балл	
	балл	примечание	балл	примечание
1	2	3	4	5
Посещаемость	0		16	
Подготовка к экзамену, экзамен			36	
3 семестр				
Элементы теории вероятностей и математической статистики Т-8, ЗПР	16	Для правильных ответов 50%	32	Для правильных ответов 90%
Элементы теории функций комплексной переменной Т-9, ЗПР	8	Для правильных ответов 50%	16	Для правильных ответов 90%
Всего	24		48	
Посещаемость	0		16	
Подготовка к экзамену, экзамен			36	

8 Перечень основной и дополнительной учебной литературы, необходимой для освоения дисциплины

8.1 Основная учебная литература

1. Ильин, В. А. Высшая математика [Текст] : учебник / В. А. Ильин, А. В. Куркина ; Московский государственный университет имени М. В. Ломоносова. – 3-е изд., перераб. и доп. – М. : Проспект, 2011. – 608 с.
2. Сборник задач по математике для втузов [Текст] : учебное пособие / под ред. А. В. Ефимова и А. С. Поспелова. – М. : Физматлит, 2009. – Ч. 2. – 432 с.
3. Сборник задач по математике для втузов [Текст] : учебное пособие / под ред. А. В. Ефимова и А. С. Поспелова. – М. : Физматлит, 2009. – Ч. 3. – 544 с.
4. Протасов, Ю.М. Математический анализ. [Электронный ресурс]: учебное пособие / Ю.М. Протасов. – М.: Флинта, 2012. – 165с. – Режим доступа: <http://biblioclub.ru/>.
5. Гмурман, В.Е. Теория вероятностей и математическая статистика [Текст] : учебное пособие для бакалавров / В.Е.Гмурман. - 12-ое изд. - М.: Юрайт, 2012. - 479 с.
6. Гмурман, В.Е. Руководство к решению задач по теории вероятностей и математической статистике [Текст] : учебное пособие / В.Е.Гмурман. - 11-е изд., перераб. - М.: Юрайт, 2011.-404 с.

8.2 Дополнительная учебная литература

7. Бугров, Я. С. Высшая математика. Дифференциальные уравнения. Краткие интегралы. Ряды. Функции комплексного переменного [Текст] : учебник / Я. С. Бугров, С. М. Никольский. - 3-е изд., испр. – М. : Наука, 1989. - 464 с.
8. Пискунов, Н. С. Дифференциальное и интегральное исчисления [Текст] : учебное пособие / Н. С. Пискунов. - изд., стер. - М. : Интеграл-Пресс, 2007. - Т. 1. - 416 с.
9. Туганбаев, А.А. Математический анализ. Ряды. [Электронный ресурс]: учебное пособие / А.А.Туганбаев. – 3-е изд., доп. – М.: Флинта, 2012. – 48с. // Режим доступа – <http://biblioclub.ru/>.
10. Кочетков, Е.С. Теория вероятностей в задачах и упражнениях [Текст] : учебное пособие / Е. С. Кочетков, С. О. Смерчинская. - М. : Форум, 2005. - 480с.
11. Тютюнов, Д. Н. Неопределённый интеграл. Техника интегрирования [Текст] : [учебное пособие для студентов высших учебных заведений, обучающихся по направлениям "Конструкторско-технологическое обеспечение машиностроительных производств", "Автоматизация технологических процессов и производств"] / Д. Н. Тютюнов, Л. И. Студеникина. - Старый Оскол: ТНТ, 2016. – 115 с.
12. Тютюнов, Д.Н. Функции нескольких переменных. [Текст]: учебное пособие / Д. Н. Тютюнов, Л. И. Студеникина, Е.В.Скрипкина. – Курск: ЗАО «Университетская книга», 2016. – 158 с.

13. Теория вероятностей [Текст] : учебное пособие : [для студентов техн. и экон. спец. дневной, заочной и дистан. форм обучения] / Е. В. Журавлева [и др.] ; Юго-Зап. гос. ун-т. - Курск : ЮЗГУ, 2015. - 175, [3] с.

8.3 Перечень методических указаний

1. Введение в математический анализ. Дифференциальное исчисление функций одной переменной [Электронный ресурс] : индивидуальные задания и методические указания по выполнению модуля / Юго-Западный государственный университет ; ЮЗГУ ; сост. Е. В. Скрипкина. - Курск : ЮЗГУ, 2014. - 52 с.

2. Интегрирование функций [Электронный ресурс] : индивидуальные задания к модулю 5 / ЮЗГУ; сост.: Н. А. Моргунова, А. Ф. Пихлап. - Курск : ЮЗГУ, 2014. - 38 с.

3. Интегрирование функций одной переменной. Приложения [Электронный ресурс]: методические указания по выполнению модуля-5 / ЮЗГУ ; сост.: Н. А. Моргунова, А. Ф. Пихлап. - Курск : ЮЗГУ, 2014. - 53 с.

4. Дифференциальные уравнения [Электронный ресурс] : индивидуальные задания к модулю 7.1 / Курский государственный технический университет, Кафедра высшей математики ; сост.: Е. А. Бойцова, Л. В. Карачевцева. - Курск : КурскГТУ, 2010. - 51 с.

5. Определенный интеграл [Электронный ресурс] : методические указания и индивидуальные задания к модулю №8 / ЮЗГУ ; сост. Л. И. Студеникина. - Курск ЮЗГУ, 2011. - 33 с.

6. Расчет числовых характеристик [Электронный ресурс] : методические указания по выполнению лабораторной работы № 16 / Юго-Западный государственный университет, Кафедра высшей математики ; ЮЗГУ ; сост. Е. В. Журавлева. - Курск : ЮЗГУ, 2013. - 37 с.

7. Характеристики случайных процессов [Электронный ресурс] : индивидуальные задания и методические указания по выполнению модуля / Юго-Зап. гос. ун-т ; сост.: Н.К.Зарубина. - Курск : ЮЗГУ, 2017. - 18 с.

8. Элементы математической статистики [Электронный ресурс] : методические указания по выполнению модуля «Элементы математической статистики и корреляционного анализа» / Юго-Зап. гос. ун-т ; сост.: О.А.Бредихина, С.В.Шестахина. - Курск : ЮЗГУ, 2018. - 28 с.

9. Высшая математика [Электронный ресурс] : методические указания к выполнению практических заданий по дисциплине «Высшая математика» для студентов всех специальностей и направлений подготовки очной, очно-заочной и заочной форм обучения / Юго-Зап. гос. ун-т; сост.: К.В.Жилина, Н.А.Конорева – Курск, ЮЗГУ, 2026. – 97 с.

9 Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети Интернет

1. Учебно-методический кафедральный комплекс – <http://www.swsu.ru/structura/up/ftd/kvm/page7.php>

2. Федеральный образовательный портал «Единое окно доступа к образовательным ресурсам» – <http://window.edu.ru/>

3. Федеральный портал «Российское образование» – <http://edu.ru>

4. Свободная общедоступная мультязычная универсальная интернет-энциклопедия – <https://ru.wikipedia.org>

5. Портал знаний StatSoft – <http://www.statistica.ru/>

6. Общероссийский математический портал – [www.mathnet.ru](http://www.mathnet.ru;);

7. Научная электронная библиотека – www.elibrary.ru

8. Онлайн-сервис WolframAlpha – <http://www.wolframalpha.com/>

10 Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины

Успешное усвоение дисциплины предполагает активное участие студента на всех этапах ее освоения путем планомерной, повседневной работы. Изучение данной дисциплины следует начинать с просмотра конспекта лекций сразу же после занятия. Студенту следует пометить материал

конспекта лекций, который вызывает затруднения для понимания, попытаться найти ответы на затруднительные вопросы, используя предлагаемую литературу. Если самостоятельно не удалось разобраться в материале, необходимо сформулировать вопросы и обратиться на текущей консультации или на ближайшей лекции за помощью к преподавателю.

Каждую неделю рекомендуется отводить время для повторения пройденного материала, проверяя свои знания, умения и навыки по практическим заданиям

11 Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине, включая перечень программного обеспечения и информационных справочных систем (при необходимости)

Libre Office;

<http://ru.ptc.com/product/mathcad/download-free-trial>

12 Описание материально-технической базы, необходимой для осуществления образовательного процесса по дисциплине

В учебном процессе по дисциплине «Высшая математика» задействованы специально оборудованные аудитории, компьютерные лаборатории, предназначенные для проведения лекционных, практических и лабораторных занятий.

Реализация учебной дисциплины требует наличия учебного кабинета математики.

Оборудование кабинета математики:

- посадочные места студентов;
- рабочее место преподавателя;
- дидактическое обеспечение дисциплины;

Компьютерный класс Г-803 20 компьютеров:

- Компьютер ВаРИАНт PDC2160/iC33/2*512Mb – 10 шт.
- Компьютер 300W inwin/ INTEL C -2800/FDD 3.5/512 – 1 шт.
- Компьютер 300W INTEL P4-2800/FDD 3.5/2*512 – 8 шт.
- Компьютер P.4 2.8 Ghz/256Mb*2/160Gb – 1 шт.

Технические средства обучения:

- мультимедийный проектор;
- ноутбук;
- проекционный экран;
- компьютерная техника для обучающихся с наличием лицензионного программного обеспечения;
- блок питания;
- источник бесперебойного питания;
- колонки.

13 Особенности реализации дисциплины для инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья

При обучении лиц с ограниченными возможностями здоровья учитываются их индивидуальные психофизические особенности. Обучение инвалидов осуществляется также в соответствии с индивидуальной программой реабилитации инвалида (при наличии).

Для лиц с нарушением слуха возможно предоставление учебной информации в визуальной форме (краткий конспект лекций; тексты заданий, напечатанные увеличенным шрифтом), на аудиторных занятиях допускается присутствие ассистента, а также сурдопереводчиков и тифлосурдопереводчиков. Текущий контроль успеваемости осуществляется в письменной форме: обучающийся письменно отвечает на вопросы, письменно выполняет практические задания. Промежу-

точная аттестация для лиц с нарушениями слуха проводится в письменной форме, при этом используются общие критерии оценивания. При необходимости время подготовки к ответу может быть увеличено.

Для лиц с нарушением зрения допускается аудиальное предоставление информации, а также использование на аудиторных занятиях звукозаписывающих устройств (диктофонов и т.д.). Допускается присутствие на занятиях ассистента (помощника), оказывающего обучающимся необходимую техническую помощь. Текущий контроль успеваемости осуществляется в устной форме. При проведении промежуточной аттестации для лиц с нарушением зрения тестирование может быть заменено на устное собеседование по вопросам.

Для лиц с ограниченными возможностями здоровья, имеющих нарушения опорно-двигательного аппарата, на аудиторных занятиях, а также при проведении процедур текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации могут быть предоставлены необходимые технические средства (персональный компьютер, ноутбук или другой гаджет); допускается присутствие ассистента (ассистентов), оказывающего обучающимся необходимую техническую помощь (занять рабочее место, передвигаться по аудитории, прочитать задание, оформить ответ, общаться с преподавателем).

14 Лист дополнений и изменений, внесенных в рабочую программу дисциплины

Номер измене- ния	Номера страниц				Всего стра- ниц	Дата	Основание для изменения и подпись лица, проводившего изменения
	изме- ненных	заме- ненных	аннули- рованных	новых			