Документ подписан простой электронной подписью

Информация о владельце:

ФИО: Емельянов Сергей Геннадьевич

Должность: ректор

Дата подписания: 05.02.2021 19:31:36

Уникальный программный ключ:

МИНОБРНАУКИ РОССИИ

9ba7d3e34c012eba476ffd2d064cf2781953be730df2374d16f3c0ce536f0fc6
Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего профессионального образования «Юго-Западный государственный университет» (ЮЗГУ)

Кафедра высшей математики



РАСЧЕТ ЧИСЛОВЫХ ХАРАКТЕРИСТИК

Методические указания по выполнению лабораторной работы № 16

УДК 510 (083)

Составитель: Е.В.Журавлева

Рецензент Кандидат физ.-мат. наук, доцент *Федорова Н.Б.*

Расчет числовых характеристик: методические указания к выполнению лабораторной работы №16 / Юго-Зап. гос. ун-т; сост.: Е.В.Журавлева. Курск, 2013. 37 с.: табл. 7, ил. 9, прил. 5. Библиогр.: с. 25.

В данной работе содержатся краткие теоретические положения, необходимые для выполнения работы, методические указания по применению программных продуктов EXCEL и MathCAD, рекомендуемые данные для статистической обработки.

Работа предназначена для студентов технических и экономических специальностей.

Текст печатается в авторской редакции

Подписано в печать ______. Формат 60х84—1/16. Усл. печ. л. . Уч.-изд. л. . Тираж 50 экз. Заказ. Бесплатно. Юго-Западный государственный университет. 305040 Курск, ул. 50 лет Октября, 94

Содержание

1. Теоретические положения	4
1.1. Вариационные ряды	
1.2. Графическое изображение вариационных рядов	
1.2.1. Полигоны и гистограммы	6
1.2.2. Кумулятивная кривая	8
1.3. Точечные оценки параметров распределения	
1.4. Интервальные оценки параметров распределения	13
1.4.1. Построение доверительного интервала для	
математического ожидания	13
1.4.2. Построение доверительного интервала для	
дисперсии и среднего квадратического отклонения	14
2. Использование ЭВМ	15
2.1. Использование программного продукта МАТНСАD	15
2.2. Использование программного продукта EXCEL	19
Библиографический список	25
Приложения	26

Цель работы. 1. Изучить основы методов обработки результатов наблюдения.

- 2. Ознакомиться с методикой расчета числовых характеристик случайной величины
- 3. Научиться применять пакеты прикладных программ MATHCAD и EXCEL при обработке результатов наблюдения

Задание

По исходным данным:

- 1. Постройте статистический ряд по указанному для каждого варианта признаку.
- 2. Рассчитайте числовые характеристики дискретного ряда распределения.
- 3. Постройте интервальный ряд распределения и рассчитайте для него числовые характеристики: выборочное среднее, среднее квадратическое отклонение, коэффициент вариации.
- 4. Для полученного ряда распределения постройте графики: полигон и кумулятивную кривую. Графически определите значение моды и медианы.
- 5. Постройте гистограмму и графически определите значение моды.
- 6. Сравните выборочное среднее для дискретного и интервального рядов между собой. Объясните причину расхождения. Сделайте выводы по результатам выполнения задания.

1 ТЕОРЕТИЧЕСКИЕ ПОЛОЖЕНИЯ

1.1 Вариационные ряды

Пусть в результате какого-либо статистического наблюдения конкретного явления получены числовые данные, характеризующие его (для изучения случайной величины X извлечена выборка объема n):

$$X_1, X_2, \dots, X_n$$
 (1.1)

Значения x_i называют вариантами, m_1 – число, показывающее, сколько раз встречается вариант x_i , называют *частомой* варианта (m_i) . Проведя ранжирование вариантов (обычно располагают в порядке возрастания) и указав относительно каждого варианта его частания

тоту, получают статистическое распределение выборки или вариационный ряд. Различают дискретные и интервальные вариационные ряды.

Пример 1. При взвешивании 50 одинаковых деталей, изготовленных на одном станке, были получены численные значения веса их в граммах.

Вариационный ряд для веса данной детали представлен в табл. 1.1.

Таблица 1.1 – Дискретный вариационный ряд

Xi	79	80	81	82	83
m_i	4	10	20	9	7

Для построения интервального ряда необходимо определить величину интервала, установить полную шкалу интервалов, в соответствии с ней сгруппировать результаты наблюдений. Для определения оптимальной величины интервала h, при которой ряд не был бы слишком громоздким и, в тоже время, позволил бы выявить характерные черты случайной величины X, используют формулу Стэрджесса

$$h = \frac{x_{\text{max}} - x_{\text{min}}}{1 + 3{,}322 \lg n},$$
 (1.2)

где х $_{\min}$ и х $_{\max}$ — максимальная и минимальная варианты.

За начало первого интервала рекомендуется принимать величину, равную $a_1 = (x_{min} - h/2)$, тогда

$$a_i = a_{i-1} + h$$
, где $i = 2,3, ...$ (1.3)

Построение интервалов продолжают до тех пор, пока начало следующего по порядку интервала не будет равным или большим $\mathbf{x}_{\text{max}}.$

Пример 2. Производится замер диаметра (в мм) шейки плунжера после шлифования. Всего исследовалось n=200 деталей, причем x_{max} =6.83, x_{min} =6.68.

Величина интервала

$$\frac{6,83 - 6,68}{1 + 3,322 \lg 200} \approx 0,02$$

$$a_1 = 6.68 - 0.01 = 6.67,$$

$$a_2 = 6.67 + 0.02 = 6.69,$$
. . .

 $a_9 = 6.83$.

Для каждого интервала подсчитывается количество вариант, попавших в данный интервал, причем в интервал включаются варианты больше нижней границы и меньше или равные верхней границы интервала.

Таблица 1.2 – Интервальный вариационный ряд

Интервалы	Частоты
6.67 - 6.69	5
6.69 - 6.71	17
6.71 - 6.73	24
6.73 - 6.75	54
6.75 - 6.77	52
6.77 - 6.79	23
6.79 - 6.81	18
6.81 - 6.83	7

1.2. Графическое изображение вариационных рядов

Графическое изображение вариационных рядов позволяет представить приближенно законы распределения случайной величины X: дифференциальную и интегральную функции распределения. Вариационные ряды могут быть изображены в виде полигона, гистограммы и кумулятивной кривой (кумуляты).

1.2.1 Полигон и гистограмма

Полигон, как правило, служит для изображения дискретного вариационного ряда. Для построения полигона (полигона относительных частот) на оси абсцисс откладывают значения вариант x_i , а на оси ординат относительные частоты $\omega_i = m_i / n$. Точки (x_i, ω_i) соединяют отрезками прямых. Крайние левую и правую точки соединяют соответственно с точками, изображающими варианты, ближайшей снизу к x_{min} (точка A) и ближайшей сверху к x_{max} (точка B) (см. рис. 1.1.)

Пример 3. Построить полигон для ряда, статистический закон распределения представлен в табл.1.3.

Таблица 1.3 – Статистический закон распределения

xi	79	80	81	82	83	84	85
ωi	0,08	0,10	0,20	0,28	0,16	0,08	0,10

0,3 0,25 0,2 0,15 0,1 0,05 0 79 80 81 82 83 84 85

Полигон представлен на рисунке 1.1.

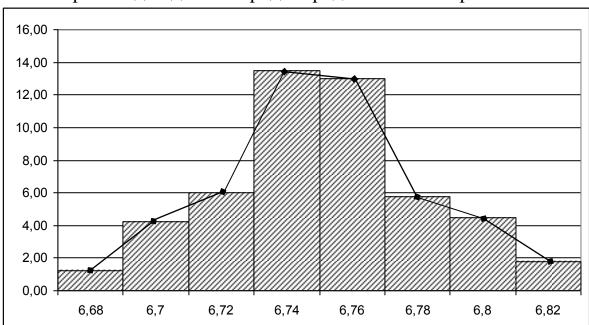
Рисунок 1.1 – Полигон дискретного вариационного ряда

Гистограмма служит для изображения только интервального вариационного ряда. Для построения гистограммы плотности частот (гистограммы плотности относительных частот) на оси абсцисс откладывают частичные интервалы и на них, как на основаниях, строят прямоугольники с высотами, равными m_i/h (ω_i/h). Здесь m_i/h называют *плотностью частоты*, а ω_i/h называют *плотностью относительной частоты*. В результате получается ступенчатая фигура, состоящая из прямоугольников, которая и называется гистограммой. Площадь гистограммы равна единице.

Пример 4. Построить гистограмму для ряда из табл.1.2. Значения относительной плотности представлены в табл.1.4.

интервалы	относительная плотность
6.67 - 6.69	1.25
6.69 - 6.71	4.25
6.71 - 6.73	6.00
6.73 - 6.75	13.50
6.75 - 6.77	13.00
6.77 - 6.79	5.75
6.79 - 6.81	4.50
6.81 - 6.83	1.75

Таблица 1.4 – Значения относительной плотности частот



Гистограмма для данного ряда представлена на рис.1.2.

Рисунок 1.2 - Гистограмма

Иногда интервальный ряд изображают с помощью полигона. В этом случае интервалы заменяют их серединными значениями и к ним относят интервальные частоты. Для полученного дискретного ряда строят полигон. Полигон изображен на рис.1.2. ломаной линией.

1.2.2 Кумулятивная кривая

Кумулятивная кривая (кривая накопленных относительных частот) строится следующим образом. Если вариационный ряд дискретный, то в прямоугольной системе координат строят точки $(x_i, \omega_i^{\text{нак}})$ и соединяют их отрезками; где

$$\omega_i^{\text{\tiny Hak}} = \frac{m_i^{\text{\tiny Hak}}}{n},\tag{1.4}$$

причем $m_i^{\text{нак}}$ - накопленная частота, т.е. сумма частот вариант x, удовлетворяющих условию $x \le x_i$. Для вариационного ряда

$$m_i = \sum_{k=1}^{i} m_k$$
, (1.5)

Пример 5. Построить кумуляту для ряда из табл.1.1. Значения накопленных частот представлены в табл.1.5., а кумулята на рис.1.3.

Таблица 1.5 – Относительные частоты

Xi	79	80	81	82	83	84	85
m_i	0.08	0.18	0.38	0.66	0.82	0.90	1.00

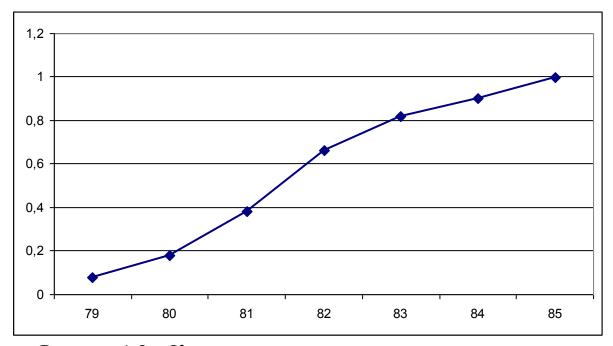


Рисунок 1.3 – Кумулятивная кривая

Если вариационный ряд интервальный, то по оси абсцисс откладывают интервалы. Верхним границам интервалов соответствуют накопленные частоты, нижней границе первого интервала — накопленная частота, равная нулю. Значения накопленных частот для интервального ряда из табл.1.2. представлены в табл.1.6., а кумулята представлена на рис. 1.4.

Таблица 1.6 – Накопленные относительные частоты

интервалы	накопленная частота
6.67 - 6.69	0.025
6.69 - 6.71	0.110
6.71 - 6.73	0.230
6.73 - 6.75	0.500
6.75 - 6.77	0.760
6.77 - 6.79	0.875
6.79 - 6.81	0.965
6.81 - 6.83	1.000

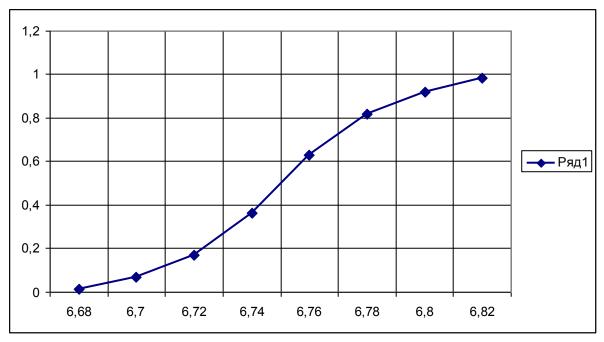


Рисунок 1.4 – Кумулятивная кривая для интервального ряда

Таким образом, полигон и гистограмма являются приближением к графику дифференциальной функции распределения случайной величины X, а кумулята - интегральной функции распределения для X.

1.3 Точечные оценки параметров распределения

Законы распределения случайной величины полностью ее описывают, однако на практике закон распределения не всегда может быть найден, кроме этого при решении многих практических задач нет необходимости характеризовать случайную величину исчерпывающим образом, а достаточно указать только отдельные числовые характеристики, которые определяют существенные черты распределения случайной величины.

Характеристики распределения случайной величины X оценивают посредством характеристик выборки (характеристик вариационных рядов), которые при увеличении п сходятся по вероятности к соответствующим характеристикам X, и при достаточно большом п могут быть приближенно равными им [1-3].

К основным несмещенным и состоятельным оценкам [1-3] относятся характеристики вариационных рядов: выборочная средняя — x, исправленная дисперсия — x, среднее квадратичное отклонение — x, коэффициент вариации — x, размах вариации — x,

коэффициент асимметрии — A_s , коэффициент эксцесса — E_x , которые определяются по следующим формулам.

Средняя арифметическая - х

$$\overline{x} = \frac{\sum_{i=1}^{n} x_i}{n} \tag{1.6}$$

ИЛИ

$$\overline{x} = \frac{\sum_{j=1}^{N} x_{j} m_{j}}{\sum_{j=1}^{N} m_{j}}.$$
(1.7)

Дисперсия $-S^{*2}$

$$S^{*2} = \frac{\sum_{i=1}^{n} (x_i - \overline{x})^2}{n - 1}$$
 (1.8)

ИЛИ

$$S^{*2} = \frac{\sum_{j=1}^{N} (x_{j} - \overline{x})^{2} \cdot m_{j}}{\sum_{j=1}^{N} m_{j} - 1} .$$
 (1.9)

Среднее квадратичное отклонение (эмпирический стандарт) – S^*

$$S^* = \sqrt{S^{*2}} = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^{n} (x_i - \overline{x})^2}{n - 1}}$$
 (1.10)

Или

$$S^* = \sqrt{\frac{\sum_{1}^{N} (x_i - \overline{x})^2 \cdot m_i}{\sum_{1}^{N} m_j - 1}}$$
 (1.11)

Коэффициент вариации по среднему квадратичному отклонению -

$$V = \frac{S^*}{\overline{X}} \cdot 100\% . \tag{1.12}$$

Размах вариации – R

$$R = \max X_i - \min X_i. \tag{1.13}$$

Коэффициент асимметрии - As

$$As = \frac{\sum_{1}^{n} (x_{i} - \overline{x})^{3}}{n \cdot S^{*3}}$$
 (1.14)

ИЛИ

$$As = \frac{\sum_{1}^{N} (x_{j} - \overline{x})^{3} \cdot m_{j}}{S^{*3} \cdot \sum_{1}^{N} m_{j}} . \tag{1.15}$$

Коэффициент эксцесса – Ех

$$Ex = \frac{\sum_{i=1}^{n} (x_i - \overline{x})^4}{n \cdot S^{*4}} - 3$$
 (1.16)

ИЛИ

$$Ex = \frac{\sum_{1}^{N} (x_{j} - \overline{x})^{4} \cdot m_{j}}{S^{*4} \cdot \sum_{1}^{N} m_{j}} - 3.$$
 (1.17)

Средние величины являются обобщающими количественными характеристиками совокупности однотипных явлений по варьирующему признаку. Среднее арифметическое характеризует среднее значение, около которого группируются возможные значения случайной величины, а дисперсия есть мера разброса этих значений относительно среднего. Среднее квадратичное отклонение, так же как и дисперсия, является мерой колеблемости, но в отличие от дисперсии представляет собой абсолютную величину, выраженную в тех же единицах, что и варианты. Коэффициент вариации является относительным показателем колеблемости. Вариационный размах (или широта распределения) неустойчивая, чрезвычайно зависящая от случайностей величина, служащая для приблизительной оценки вариации.

Асимметрия и эксцесс являются показателями отклонения функции распределения f(x) для X от нормального закона распределения.

Если As = 0, то кривая для f(x) симметрична, при $As \neq 0$ - асимметрична. Эксцесс характеризует крутизну кривой распределения.

Если $Ex \neq 0$, то вершина кривой для f(x) находится либо выше (при Ex > 0), либо ниже (при Ex < 0) вершины кривой нормального распределения.

1.4 Интервальные оценки параметров распределения

В п.1.3. были рассмотрены точечные оценки некоторых характеристик распределения случайной величины X через характеристики выборки. Поэтому точечные оценки сами являются случайными величинами, законы которых зависят от закона распределения X и объема выборки п [2]. Чтобы дать представление о точности и надежности точечных оценок используют так называемые доверительные интервалы и доверительные вероятности.

Доверительным интервалом для некоторой характеристики Θ называют такой интервал ($\varepsilon_1, \varepsilon_2$), который с заранее выбранной вероятностью \wp содержит истинное значение параметра Θ , т.е.

$$P(\varepsilon_1 < \Theta < \varepsilon_2) = \wp. \tag{1.18}$$

Здесь \wp называют доверительной вероятностью. Обычно значение \wp выбирают близкое к единице: 0,9; 0,95; 0,99; 0,999.

 $\alpha = 1 - \wp$ называют уровнем значимости.

1.4.1. Построение доверительного интервала для математического ожидания

Если случайная величина X подчиняется нормальному закону распределения, то доверительный интервал для истинного значения х измеряемой величины может быть построен следующим образом.

Первый способ. Доверительная оценка при известной точности измерений.

Если заранее известно среднее квадратичное отклонение $\sigma = \sqrt{D}$ (или другая связанная с ней характеристика точности измерений), то доверительный интервал имеет вид

$$\overline{x} - t(\wp) \frac{\sigma}{\sqrt{n}} < M[X] < \overline{x} + t(\wp) \frac{\sigma}{\sqrt{n}}$$
, (1.19)

где n - объем выборки, x - среднее арифметическое, $t(\wp)$ определяется по заданной доверительной вероятности из условия [1,2]:

$$2 \Phi(t) = \wp \tag{1.20}$$

Здесь $\Phi(t) = \int_{0}^{t} e^{-\frac{z^{2}}{2}} dz$ - функция Лапласа, значения которой пред-

ставлены в таблице приложения 1.

Второй способ. Доверительная оценка при неизвестной точности измерений.

Если среднее квадратичное отклонение σ заранее неизвестно, то вместо него используют эмпирическое отклонение. Известно [2], что статистика

$$T = \frac{x - \overline{x}}{S^*} \sqrt{n} \tag{1.21}$$

подчиняется закону Стьюдента с f = n-1 степенями свободы. Исходя из этого, доверительный интервал в данном случае имеет вид [1,2]

$$\overline{x} - t(\wp, n-1) \frac{S^*}{\sqrt{n}} < M[X] < \overline{x} + t(\wp, n-1) \frac{S^*}{\sqrt{n}}$$
, (1.22)

где $t(\wp, n-1)$ зависит и от объема выборки. $t(\wp, n-1)$ определяется из таблицы приложения 2.

1.4.2 Построение доверительного интервала для дисперсии и среднего квадратичного отклонения

Известно [2], что статистика

$$\chi^{2} = \frac{(n-1) \cdot S^{*2}}{D[X]} = \frac{(n-1) \cdot S^{*2}}{\sigma^{2}}$$
 (1.23)

подчиняется закону распределения Пирсона или « χ - распределению» с f=n-1 степенями свободы. Исходя из этого, доверительный интервал для дисперсии σ^2 случайной величины имеет вид [1,2]

$$\frac{(n-1)\cdot S^{*2}}{\chi_1^2} < \sigma^2 < \frac{(n-1)\cdot S^{*2}}{\chi_2^2} , \qquad (1.24)$$

где χ_1^2 и χ_2^2 — значения, определяемые из таблиц для распределения Пирсона ([3], приложение 5) соответственно для вероятностей \wp_1 =(1- \wp)/2 и \wp_2 =(1+ \wp)/2 и числа степеней свободы f = n-1.

Пусть
$$\gamma_1^2 = \frac{(n-1)}{\chi_1^2}$$
: $\gamma_2^2 = \frac{(n-1)}{\chi_2^2}$, тогда (1.24) примет вид $\gamma_1^2 \cdot \mathbf{S}^{*2} < \sigma^2 < \gamma_2^2 \cdot \mathbf{S}^{*2}$, (1.25)

где значения γ^2 протабулированы для n и \wp .

Для интервальной оценки среднего квадратичного отклонения служит неравенство

$$\gamma_1 \cdot S^* < \sigma < \gamma_2 \cdot S^* . \tag{1.26}$$

2 ИСПОЛЬЗОВАНИЕ ЭВМ

2.1 Использование программного продукта МАТНСАD

Можно рекомендовать следующий алгоритм выполнения работы с использованием программного продукта МАТНСАD.

- 1. Выписать из таблицы данные для одного статистического ряда.
- 2. Загрузить MATHCAD. Набрать m:=30(m объем выборки или количество вариант в данном статистическом ряду), A:=. На математической палитре выбрать «Векторы и матрицы». Сформировать свой вектор, задав число строк матрицы, равное 1, а число столбцов, равное объему выборки. При вводе чисел в матрицу используйте клавишу "Таb" или мышь.
- 3. Для удобства преобразуем вектор-строку A в вектор-столбец X. Для этого наберем ниже $x := A^T$ с помощью палитры «Векторы и матрицы», выбрав там операцию транспонирования.
- 4. Для того чтобы построить дискретный вариационный ряд отсортируем данные в порядке возрастания: x1:=sort(x). Чтобы вывести результат напишем x1^T=, нажмем клавишу «Enter» или щелкнем левой кнопкой мыши в произвольном месте, рядом со знаком равно получим результат. По получившейся таблице составим вариационный ряд, подсчитывая вручную частоты вариант. Наберем М1:=. Используя палитру «Векторы и матрицы» сформируем матрицу, состоящую из двух строк и стольких столбцов, сколько встречается различных вариант. В первую строку вводим значения вариант, а во вторую значения соответствующих частот. Это и будет дискретный вариационный ряд.

- 5. Для того чтобы построить полигон, на математической палитре выбираем палитру «Графики», а на ней «Декартов график». Заполняя рабочую область с помощью палитры «Векторы и матрицы», по оси абсцисс вводим $(M1^T)^{<0>}$, а по оси ординат $(M1^T)^{<1>}$. Щелкнув мышью вне области графика, получим полигон частот.
- 6. Для построения интервального вариационного ряда воспользуемся формулой Стэрджесса, чтобы найти оптимальный шаг.

Введем $h := \frac{x_{max} - x_{min}}{1 + 3{,}322 \lg n}$. Выведем значение h. Округлим полу-

ченное значение до одного знака после запятой и введем его в качестве h. Посчитаем число интервалов:

 $m1 \coloneqq \text{ceil}\bigg(\frac{x_{\text{max}} - x_{\text{min}}}{h}\bigg) \text{ и выведем его. Сформируем границы интервалов:}$

$$j:=1..ml+1; x1i:=min(xl); x2^{T}:=x1i+h*(j-1,5).$$

Выведем полученные значения $x1i = x2^{T} = x$

Подсчитаем число вариант, попавших в каждый интервал:

 $L:=hist(x2,x1^T).$

Таким образом, интервальный вариационный ряд имеет вид $x1^{\scriptscriptstyle T}$, $L^{\scriptscriptstyle T}$.

7. Для того чтобы построить гистограмму найдем относительные плотности частот, которые получим следующим образом:

$$L := \frac{L}{m \cdot h}.$$

Затем на палитре «Графики» выбрать трехмерную гистограмму. В рабочей области гистограммы ввести массив L, щелкнув мышью вне графика, получим изображение гистограммы. В отчете необходимо будет проставить концы интервалов по оси X самостоятельно.

8. Для построения кумулятивной кривой необходимо сначала получить матрицу накопленных частот. Для этого введем следующее:

$$g:=(M1^{T)<1>}, i:=0..0,i1$$
 $y_i:=\sum_{k=0}^{i}g_k$ $y^{T}=$

где y_i — значения накопленных частот, il — количество столбцов в матрице M1.

При построении кривой воспользуемся палитрой «Декартов график». Заполняя рабочую область, по оси X введем $(M1^T)^{><0>}$, а по

оси Y - g. Щелкнув мышью вне области графика, получим изображение искомой кривой.

9. Для нахождения числовых характеристик: среднего выборочного, средней выборочной дисперсии, выборочного среднего квадратичного отклонения, размаха выборки и др. необходимо ввести соответствующие формулы с помощью математической палитры и встроенных в нее палитр и рядом вывести получившиеся значения. Например,

среднее выборочное
$$xcp := \frac{1}{m} \sum_{i=1}^{m} xi$$
 $xcp = \frac{1}{m} \sum_{i=1}^{m} xi$

выборочная дисперсия
$$S*2:=\frac{1}{m-1}\sum_{i=1}^{m}(xi-xcp)^2$$
 $S*2=$;

выборочное среднее квадратичное отклонение

$$S^* := \sqrt{S^*2}$$
 $S^* =$

10. Для того чтобы построить доверительный интервал для математического ожидания при неизвестной точности измерений, необходимо воспользоваться следующей формулой:

$$\frac{1}{x} - t(P, n-1) \cdot \frac{S^*}{\sqrt{n}} < M[x] < \frac{1}{x} + t(P, n-1) \cdot \frac{S^*}{\sqrt{n}},$$

 \bar{x} - выборочная средняя;

t(P, n-1) - квантиль распределения Стьюдента;

Р – доверительная вероятность;

n – объем выборки;

S* - исправленное среднее квадратичное отклонение.

Взяв значения выборочных характеристик из п.8, а квантиль распределения из таблиц, найдем значения концов интервала ε_1 , ε_2 .

$$\begin{array}{ll} \epsilon_1 \!\!:= x c p \!\!-\! t \cdot \! \frac{S^*}{\sqrt{m}} & \epsilon_1 \!\!\!= \; ; \\ \epsilon_2 \!\!\!:= x c p \!\!\!+\! t \cdot \! \frac{S^*}{\sqrt{m}} & \epsilon_2 \!\!\!= \; . \end{array}$$

11. Для того чтобы построить доверительный интервал для дисперсии, необходимо по таблицам найти квантили распределения Пирсона и воспользоваться следующими формулами:

$$\frac{n-1}{\chi_1^2} \cdot S^{*2} < D[x] < \frac{n-1}{\chi_2^2} \cdot S^{*2} \quad \text{или} \quad \gamma_1^2 \cdot S^{*2} < D[x] < \gamma_2^2 \cdot S^{*2}$$

Здесь

$$\chi_1^2 = \chi^2 \left(\frac{1-P}{2}, n-1 \right), \ \chi_2^2 = \chi^2 \left(\frac{1+P}{2}, n-1 \right),$$

где $\chi^2(P,n)$ – квантиль распределения Пирсона;

S*2 – исправленная выборочная дисперсия;

n – объем выборки;

Зададимся доверительной вероятностью Р:=0,99, по таблицам (см. [4]) найдем

$$\gamma_1^2 := 0,554, \ \gamma_2^2 := 2,21.$$

Тогда
$$\delta_1 := \gamma_1^2 . \ S^{*2}; \quad \delta_2 := \gamma_1^2 . \ S^{*2}; \quad \delta_1 := \quad ; \ \delta_1 := \quad .$$

Искомый интервал и будет (δ_1, δ_2) .

2.2. Использование программного продукта EXCEL

Рассмотрим использование EXCEL на примере данных приложения таблицы П5, столбец 4.

Таблица 2.1 – Затраты на производство

No	Затраты на производство	No॒	Затраты на производство
орг.	продукции	орг.	продукции
1	31,355	16	32,126
2	21,224	17	43,814
3	39,263	18	34,72
4	48,304	19	45,087
5	34,646	20	16,752
6	23,931	21	27,494
7	58,98	22	33,639
8	44,876	23	46,802
9	34,248	24	24,99
10	26,476	25	36,642
11	35,459	26	55,554
12	52,114	27	35,402
13	42,906	28	55,189
14	30,853	29	31,259
15	13,628	30	41,778

1. Для построения статистического ряда нужно отсортировать начальные данные (затраты на производство продукции) в порядке возрастания. Для этого в ячейки A2-A31 вводим исходные данные (см. рис.2.1), выделяем мышью этот диапазон ячеек и упорядочиваем его с помощью процедуры «Упорядочение по возрастанию» (пиктограмма на панели инструментов).

	Α	В	С	D	E	F	G	Н	I	J	K	L	M
1	Статистич	еский ра	9Д										
2	13,628												
3	16,752	h=	7,678										
4	21,224												
5	23,931		13,628										
6	24,99		21,306										
7	26,476		28,984										
8	27,494		36,662										
9	30,853		44,340										
10	31,259		52,018										
11	31,355		59,696										
12	32,126				Табл.1								
13	33,639		интервал		частота								
14	34,248		начало	конец	m _I								
15	34,646		13,628	21,306	3								
16	34,72		21,306	28,984	4								
17	35,402		28,984	36,662	11								
18	35,459		36,662	44,340	4								
19	36,642		44,340	52,018	4								
20	39,263		52,018	59,696	4								
21	41,778			сумма	30								
22	42,906											<u>l</u>	
23	43,814												
24	44,876						Табл.2						
25	45,087		\times_{l}	m _I	×ı*mı	X _I -X _{cp}	$(\times_{l}-\times_{cp})^{2k}m_{l}$						
26	46,802		17,467	3	52,401	-18,9391	1076,0651						
27	48,304		25,145	4	100,58	-11,2611	507,2468						
28	52,114		32,823	11	361,053	-3,5831	141,2223						
29	55,189		40,501	4	162,004	4,0949	67,0738						
30	55,554		48,179	4	192,716	11,7729	554,4075						
31	58,98		55,857	4	223,428	19,4509	1513,3547						
32			сумма	30	1092,18	1,5356	3859,3702						
33													
34				× _{cp} =	36,4061		погрешност	и абс.	0,2443				
35				S*2=	133,0817			отност.	0,006666				
36				S*=	11,5361								
37				V=	31,6873								
00	4 F H\J										<		

Рисунок 2.1 – Пример расчета числовых характеристик в EXCEL

A	В	С	D	E	F	G	Н	1
Статистический ря	ц							
13,628								
16,752	h=	=(A31-A2)/(1+3,32)	2*LC					
21,224								
23,931		=A2						
24,99		=C5+7,678						
26,476		=C6+7,678						
27,494		=C7+7,678						
30,853		=C8+7,678						
0 31,259		=C9+7,678						
1 31,355		=C10+7,678						
2 32,126				Табл.1				
33,639		интервал		частота				
4 34,248		начало	конец	m _I				
5 34,646	1	=C5	=C6	3				
6 34,72		=C6	=C7	4				
7 35,402		=C7	=C8	11				
8 35,459		=C8	=C9	4				
9 36,642		=C9	=C10	4				
0 39,263		=C10	=C11	4				
1 41,778			сумма	=CYMM(E15:E20)				
2 42,906				<u> </u>				
3 43,814								
4 44,876						Табл.2		
5 45,087		× _I	mı	× _I *m _I	X _I -X _{CD}	$(x_{l}-x_{cp})^{2k}m_{l}$		
46,802	1	=(C15+D15)/2	=E15	=C26*D26	=C26-36,40607	=F26*F26*D26		
7 48,304	1	=(C16+D16)/2	=E16	=C27*D27	=C27-36,40607	=F27*F27*D27		
8 52,114	_	=(C17+D17)/2	=E17	=C28*D28	=C28-36,40607	=F28*F28*D28		
9 55,189	1	=(C18+D18)/2	=E18	=C29*D29	=C29-36,40607	=F29*F29*D29		
0 55,554		=(C19+D19)/2	=E19	=C30*D30	=C30-36,40607	=F30*F30*D30		
1 58,98	1	=(C20+D20)/2	=E20	=C31*D31	=C31-36,40607	=F31*F31*D31		
2		сумма	=CYMM(D26:D31)	=CYMM(E26:E31)	=CYMM(F26:F31)	=CYMM(G26:G31)		
3		-,						
4			× _{cp} =	=E32/D32		погрешности абс.		=36,65037-E34
5			S*2=	=G32/29			отност.	=134/36,65037
6			S*=	=KOPEHb(E35)			3	.555,55001
7			V=	=E36/E34*100				
0		√Лист2 √Лист3	-			<		

Рисунок 2.2 – Формульный шаблон расчета числовых характеристик в EXCEL

2. Для определения числовых характеристик дискретного вариационного ряда выделим мышью упорядоченный ряд и воспользуемся пакетом «Анализ данных», расположенном в меню «Сервис», и его надстройкой «Описательная статистика». Вывод числовых характеристик лучше осуществить на новом листе (см. рис 2.3)

								- 11	
_	A	В	С	D	Е	F	G	Н	
1	Столбец1								-
2									
3	Среднее	36,65037							
4	Стандартная ошибка	2,069436							
5	Медиана	35,061							
6	Мода	#Н/Д							
7	Стандартное отклонение	11,33477							
8	Дисперсия выборки	128,477							
9	Эксцесс	-0,36835							
10	Асимметричность	0,066979							
11	Интервал	45,352							
12	Минимум	13,628							
13	Максимум	58,98							
14	Сумма	1099,511							1
15	Счет	30							_
16	Уровень надежности(95,0%)	4,232473							
17									
18									
19									
20									
21									
22									
23									
24									

Рисунок 2.3 – Вывод числовых характеристик дискретного ряда

3. Для построения интервального ряда рассчитаем величину интервала (шаг) по формуле Стерджесса: $h = \frac{x_{max} - x_{min}}{1 + 3,322 \lg n}$. В ячейке С3 рассчитан шаг (см. рис.2.1 и рис.2.2). В ячейках С5-С11 вычислены концы интервалов, первое значение равно x_{min} , каждое следующее получено прибавлением шага к предыдущему, последнее значение будет равным x_{max} или чуть больше его. Составляем интервальный ряд, указываем начало и конец каждого интервала и подсчитываем количество (частоту m_i) предприятий, попавших в данный интервал (см. табл.2.1).

Для определения числовых характеристик интервального ряда выполняем промежуточные вычисления в таблице 2.2 (см. рис. 2.1 и 2.2). Вычисление числовых характеристик производим по формулам:

Среднее выборочное $-\overline{x}$:

$$\overline{x} = \frac{\sum_{i=1}^{n} x_i m_i}{\sum_{i=1}^{n} m_i},$$

где x_i^- середины интервалов, n^- количество интервалов.

Выборочная дисперсия – S^{*2} :

$$S^{*2} = \frac{\sum_{i=1}^{n} (x_i - \bar{x})^2 m_i}{\sum_{i=1}^{n} m_i}.$$

Среднее квадратическое отклонение $-S^*$:

$$S^* = \sqrt{S^{*2}} .$$

Коэффициент вариации – V

$$V = \frac{S^*}{\overline{X}} \cdot 100\%.$$

В ячейках Е34-Е37 (рис. 2.1 и 2.2) вычислены числовые характеристики интервального ряда.

4. Для полигона составим таблицу, в которой указываем середины интервалов x_i , соответствующие частоты m_i и рассчитываем от-

носительные частоты по формуле
$$w_i = \frac{m_i}{\sum\limits_{1}^{n} m_i}$$
 (см. рис. 2.4).

Для построения полигона относительных частот выполним следующие действия:

- Щелкнем по пиктограмме «Мастер диаграмм».
- Выберем тип диаграммы «Точечная».
- Переходим к закладке «Ряд», нажимаем кнопку «Добавить». В окошке «Значения Х» вносим середины интервалов, в окошко «Значения Y» относительные частоты, затем кнопка «Готово».
- Для того чтобы соединить полученные точки щелкнем мышью по любой из них, вызовем меню «Формат точки данных», перейдем к закладке «Вид», выберем тип линии «обычная», затем кнопка «Готово».

На полученном рисунке определяем моду, ей соответствует значение x_3 , имеющее наибольшую частоту. Таким образом, $M_0 = 2,8233$.

Для кумулятивной кривой составляем таблицу, в которой указываем концы интервалов, соответствующие относительные частоты и i

рассчитываем накопленные частоты по формуле $m_i^{\hat{i}\hat{a}\hat{e}} = \sum_{k=1}^{I} m_k$

(рис. 2.4) 40 0,400 41 0,350 17,467 0.100 42 0.300 25,145 0,133 43 44 11 0,367 0,250 45 40.501 0.133 46 48,179 0,150 47 сумма 0,100 49 0,050 50 51 52 53 54 0.000 55 56 Күмүлятивная кривая Кумулятивная кривая 58 конец инт w_i 1,100 59 1,000 28,984 0,133 60 0,900 0,600 36,662 61 0,367 0.800 0,133 0,133 0,733 0,867 62 63 44,340 0,700 52.018 0.600 64 0,500 65 0.400 66 0,300 67 68 0.100 69 0.000 70 71 30,000 Me 40,000 50,000

Рисунок 2.4 – Полигон относительных частот и кумулятивная кривая

Для построения кумулятивной кривой выполняем те же действия, что и при построении полигона. Только в окошке «Значения Х» вносим концы интервалов, а в окошке «Значения Y» - плотности относительных частот.

На полученном рисунке определяем медиану M_e , ей соответствует накопленная частота 0,5.

5. Для гистограммы составим таблицу, в которой указываем начало и концы интервалов, соответствующие относительные частоты и

рассчитываем плотности относительных частот $\frac{w_i}{h}$ (см. рис. 2.5).

Для построения гистограммы выполним следующие действия:

- Щелкнем по пиктограмме «Мастер диаграмм».
- Выберем тип диаграммы «Гистограмма».
- Переходим к закладке «Ряд», нажимаем кнопку «Добавить». В окошко «Значения» вносим плотности частот, в окошко «Подписи оси X» начала интервалов, затем кнопка «Готово».
- На полученном рисунке щелкнем мышью по любому столбцу гистограммы, вызовем меню «Формат рядов данных» и перейдем к закладке «Параметры». Уменьшаем ширину зазора до 0.

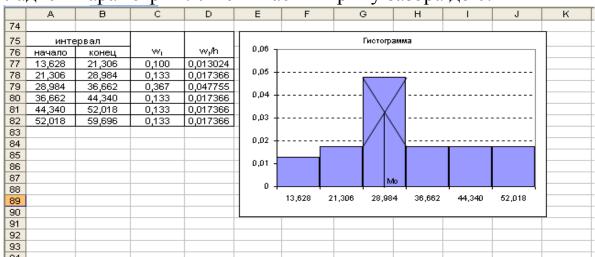


Рисунок 2.5 – Гистограмма

На полученном рисунке графически определяем значение моды.

6. Для дискретного ряда выборочное среднее x = 36,65037, для интервального ряда — $x_{cp} = 36,4061$. Значения очень близки. Незначительное расхождение связано с тем, что в интервальном ряду нескольким предприятиям (их число равно m_i) поставлены в соответствия усредненные затраты на производство (середины интервалов). Найдем абсолютную и относительные погрешности вычислений по формулам:

$$\Delta = |\overline{x} - x_{cp}|, \quad \delta = \frac{\Delta}{x}.$$

В ячейках I34 и I35 рассчитаны погрешности: $\Delta = 0.2443$ и $\delta = 0.006666$.

Таким образом, погрешность вычислений средних составляет 0,67%.

Список рекомендуемой литературы

- 1. Вентцель Е.С., Овчаров Л.А. Теория вероятностей и её инженерные приложения. М.: 1986.
- 2. Гмурман В.Е. Теория вероятностей и математическая статистика. М.: Высш.шк., 2007.
- 3. Гмурман В.Е. Руководство к решению задач по теории вероятностей и математической статистике. М.: Высш.шк., 2007.
- 4. Журавлева Е.В., Проверка статистических гипотез: методические указания к выполнению лабораторной работы №17. Курск: ЮЗГУ, 2013.

Рекомендуемые варианты для выполнения расчетов студентами технических специальностей

1. ПОСТАНОВКА ЗАДАЧИ

При изготовлении кольца 209.02 (см. рис.1а) шарикоподшипника токарная операция выполнялась на автомате 1265М-6, у которого имеется 6 шпинделей (см. рис.1в), при установке трубной заготовки в каждом патроне с вылетом L, что соответствует изготовлению лишь одного кольца (старый технологический процесс).

Для увеличения производительности автомата предлагается новая технология, заключающаяся в том, что трубная заготовка устанавливается в каждом патроне с вылетом L+1 (см. рис.1б), что дает возможность вести обработку на каждом шпинделе сразу двух колец.

На точность обработки колец при прочих одинаковых условиях влияют следующие особенности:

- 1. Каждый рабочий шпиндель (I-VI, см. рис.1в) имеет свою геометрическую погрешность, поэтому кольца, обработанные на разных шпинделях, будут отличаться друг от друга.
- 2. При новом технологическом процессе обработка 1-го кольца (см. рис.1б) ведется при вылете L+l, а второго при меньшем вылете (L) заготовки. При одинаковом усилии резания будет различной величина упругой деформации трубной заготовки ($\Delta y_1 > \Delta y_2$ см. рис.1г). Это может внести заметную дополнительную погрешность обработки колец.

Для исследования влияния каждой из особенностей на точность обработки колец и возможности внедрения нового технологического прогресса была взята выборка объемом N=612 колец (кольца изготавливались по новой технологии, причем вторые кольца (см. рис. 1б) можно считать изготовленными по старой технологии). Результаты замеров параметров кольца после токарной обработки (см. рис.1а) представлены в табл.1-6 (в таблицах даны разности между действительными значениями параметров и номинальными в 0,01мм).

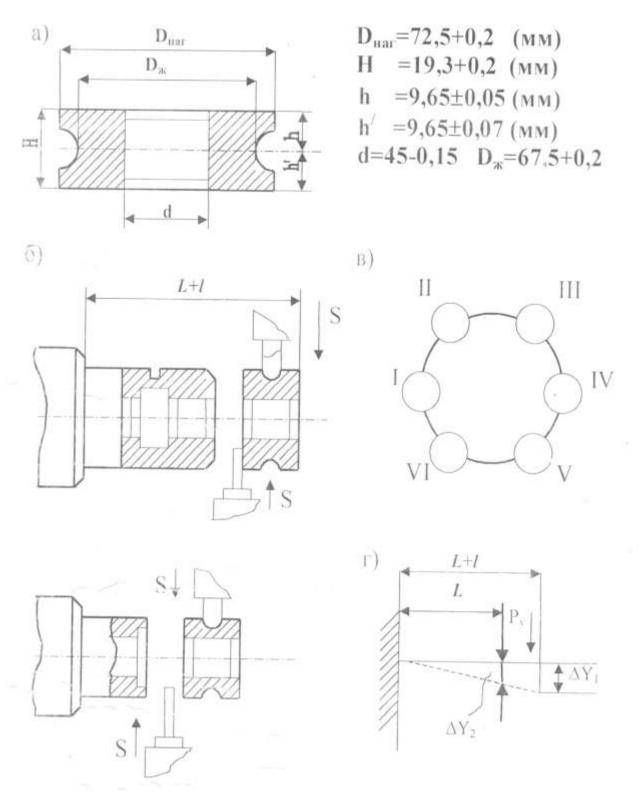


Рис.П1. Основные параметры изготовляемой детали.

2. ИНДИВИДУАЛЬНЫЕ ЗАДАНИЯ

Индивидуальные задания выбираются согласно варианту. Номера рядов указаны в верхней части таблиц.

Таблица П1 — Значения параметры колец после токарной обработки **(1-ое кольцо)**

(1-ое кольцо)											,	
	D	нар		D Ж		D		H		h	ł	\mathbf{n}'
	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
	min	max										
1	6	9	16	18	-11	-12	3	5	-1	-2	25	26
2	7	9	15	17	-12	-13	5	7	-1	-2	26	26
3	7	9	15	17	-11	-13	3	5	-1	-2	28	29
4	7	9	8	11	-12	-14	4	5	-2	-2	27	28
5	11	12	16	17	-10	-11	3	6	-2	-2	27	28
6	8	9	14	15	-10	-11	3	4	-2	-2	26	27
7	7	9	15	17	-11	-13	4	5	-2	-1	27	27
8	12	14	13	16	-10	-13	4	6	-1	-2	28	29
9	12	14	13	15	-10	-12	4	5	-1	-1	27	29
10	13	14	14	15	-13	-13	3	5	-1	-2	25	26
11	13	15	10	12	-10	-13	8	9	-1	-1	30	31
12	13	15	13	15	-11	-14	4	6	0	1	28	28
13	13	15	15	17	-12	-14	3	6	-1	-1	30	31
14	13	15	13	15	-13	-13	9	10	-1	-1	31	33
15	14	16	13	15	-11	-13	9	10	-1	-1	30	31
16	11	14	14	15	-11	-12	17	18	-1	-1	31	33
17	13	15	17	18	-7	-10	8	9	-1	-1	31	33
18	13	15	11	14	-9	-12	9	11	-1	0	31	32
19	14	16	16	17	-7	-8	9	11	-1	-2	31	32
20	13	14	14	16	-10	-13	8	9	-1	-1	31	32
21	13	14	17	18	-11	-12	8	9	-1	0	29	30
22	11	14	17	18	-7	-8	8	10	-1	0	31	32
23	13	14	10	11	-10	-11	9	10	1	2	31	32
24	10	13	21	23	-10	-12	8	10	0	0	32	32
25	11	14	18	20	-8	-10	8	10	-1	0	30	31
26	12	13	11	11	-14	-15	7	8	1	2	28	29
27	5	6	9	10	-11	-12	7	8	1	2	28	29
28	4	6	9	11	-9	-11	7	9	1	2	28	29
29	4	5	7	9	-11	-12	7	8	1	2	28	29
30	3	5	13	15	-10	-13	8	9	1	2	29	29
31	2	4	8	12	-13	-19	7	8	1	2	29	29

32	0	5	8	12	-10	-15	7	8	2	3	31	30
33	3	5	7	9	-12	-13	4	6	1	2	25	32
34	4	6	11	12	-13	-14	5	6	2	3	27	26
35	6	7	7	15	-9	-16	6	9	2	3	27	29
36	-4	3	10	16	-8	-14	-	-	-	-	-	-
37	-2	0	11	16	-10	-14	4	7	1	2	25	26
38	3	5	11	16	-4	-9	4	6	1	3	25	28
39	4	7	12	16	-9	-14	4	6	2	3	28	29
40	6	8	9	12	-9	-12	4	6	3	3	28	29
41	7	8	6	11	-11	-15	5	6	2	3	28	30
42	4	8	8	11	-13	-14	5	6	3	4	26	27
43	5	7	8	10	-9	-11	4	7	3	4	25	26
44	3	7	8	12	-6	-10	4	6	3	4	28	30
45	8	9	10	12	-12	-13	5	6	3	3	24	25
46	7	9	9	10	-10	-12	5	6	2	2	30	32
47	8	9	6	7	-11	-12	6	7	1	2	30	32
48	7	9	6	7	-14	-12	4	6	2	3	31	32

Таблица П2 Значения параметры колец после токарной обработки (1-ое кольцо)

	<i>D</i> нар		D	Ж	(i	I	Н	ŀ	1	h	ı'
	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24
	min	max	min	max	min	max	min	max	min	max	min	max
1	12	14	6	8	-19	-21	13	14	2	3	30	31
2	13	14	6	9	-18	-21	12	14	2	2	28	30
3	12	14	5	9	-16	-20	14	14	2	2	30	31
4	5	6	6	10	-17	-22	14	16	2	3	30	31
5	14	16	3	9	-15	-21	13	14	2	2	30	31
6	3	5	5	10	0	-8	14	15	1	2	30	32
7	2	4	6	9	1	-2	12	14	2	2	30	31
8	3	4	7	9	-4	-5	13	13	2	2	30	31
9	2	4	5	6	-2	-3	13	14	2	2	29	30
10	2	3	3	5	-1	1	12	13	0	1	29	30
11	2	3	6	8	0	-5	13	15	2	2	29	30
12	3	4	6	8	-3	-5	13	14	2	3	30	31
13	3	5	6	9	-2	-4	14	14	3	3	30	31
14	3	5	6	8	-1	-6	15	15	2	3	29	31
15	1	3	2	6	-2	-5	13	14	1	2	28	30
16	5	6	5	7	0	-4	14	14	2	3	29	30
17	-1	1	4	9	-3	-7	14	15	3	4	28	29
18	4	6	3	8	-2	-7	13	14	2	3	28	29
19	5	6	4	6	-3	-6	13	13	2	2	28	29
20	3	4	5	5	-3	-5	13	13	3	3	29	30
21	6	7	4	6	-3	-5	13	14	3	3	29	30
22	5	5	5	6	-4	-5	15	16	3	4	30	31
23	6	7	5	8	-2	-5	13	14	3	3	29	30
24	4	6	3	6	-2	-5	13	14	3	4	27	28
25	8	9	5	6	-3	-4	5	7	-5	-6	29	30
26	8	9	5	6	-3	-4	12	14	2	2	29	30
27	7	8	4	5	-6	-7	14	15	2	3	28	29
28	6	7	4	8	-1	-5	13	14	2	3	28	29
29	5	7	3	8	-3	-5	15	16	2	2	30	30
30	5	8	4	7	-5	-7	8	10	2	3	27	28
31	5	8	4	8	0	-4	10	11	2	3	28	29

32	4	8	3	7	-1	-7	10	11	1	2	27	28
33	5	11	6	8	-5	-8	8	10	2	3	28	29
34	7	8	2	5	-8	-10	9	10	2	3	29	30
35	5	9	2	8	-4	-9	12	14	3	4	28	30
36	6	7	2	9	-2	-8	11	15	3	4	28	30
37	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-
38	3	7	0	7	-1	-8	7	8	3	4	28	29
39	6	7	0	6	-3	-8	10	12	2	3	29	30
40	6	8	0	4	-4	-8	8	10	3	4	28	29
41	6	7	0	5	-2	-8	8	9	3	4	28	29
42	6	8	2	6	-5	-9	9	10	3	3	29	30
43	7	7	2	5	-4	-5	9	10	3	3	30	31
44	6	8	2	5	-2	-4	8	10	4	4	28	29
45	6	7	2	4	-2	-3	11	12	4	5	29	30
46	7	8	1	2	-4	-8	8	9	4	5	28	29
47	3	5	1	3	-3	-4	4	5	-1	-2	28	29
48	6	7	2	2	-3	-5	3	5	-1	-1	29	30
49	6	8	1	3	-7	-8	5	6	-1	0	28	29
50	7	7	2	3	-5	-8	4	5	-1	0	28	29

Таблица ПЗ Значения параметры колец после токарной обработки (**1-ое кольцо**)

	кольцо)				1 _		T		1		1	
	D	нар	D	Ж	(1	I I	H	1	n	l	n'
	25	26	27	28	29	30	31	32	33	34	35	36
	min	max	min	max	min	max	min	max	min	max	min	max
1	8	9	6	6	-10	-11	4	5	-2	-2	26	27
2	8	9	9	10	-12	-14	4	5	-1	2	27	28
3	9	10	8	9	-11	-13	4	6	-2	-2	26	27
4	8	9	8	9	-10	-12	3	5	-2	-3	27	28
5	11	13	8	9	-10	-12	5	7	-1	-2	27	28
6	11	12	7	8	-8	-10	4	5	-1	-2	27	28
7	8	10	10	12	-11	-13	3	5	-1	-1	28	30
8	13	14	6	7	-11	-12	4	6	-2	-2	29	30
9	16	17	4	6	-9	-10	4	6	-1	-1	27	28
10	15	16	4	5	-12	-14	3	5	-1	-1	27	28
11	13	14	8	9	-11	-13	4	5	-2	-2	29	30
12	14	15	9	10	-12	-12	5	6	-1	-2	28	30
13	14	15	8	10	-12	-14	4	7	-1	-2	27	28
14	14	16	9	10	-10	-12	9	10	-1	-2	30	31
15	17	18	10	11	-11	-12	9	10	-1	-1	27	28
16	14	15	8	9	-11	-13	18	19	-1	-2	30	33
17	13	15	12	13	-12	-13	8	10	-1	-1	30	31
18	14	15	8	10	-12	-14	8	10	-1	-1	30	31
19	13	13	14	14	-6	-11	8	9	-1	-1	29	29
20	12	13	15	16	-10	-12	9	10	-1	0	30	31
21	14	15	8	9	-10	-12	8	9	1	1	28	29
22	13	14	15	16	-12	-13	9	10	-1	2	31	32
23	14	15	11	11	-10	-10	9	10	-1	-2	29	30
24	12	13	19	20	-9	-11	8	10	0	1	28	30
25	5	7	6	7	-12	-15	8	9	1	1	27	29
26	5	7	9	11	-12	-13	8	10	1	1	28	29
27	5	6	9	10	-10	-11	7	9	1	1	27	28
28	4	6	10	11	-9	-10	7	9	1	2	28	29
29	3	4	11	13	-10	-12	8	10	1	2	29	30
30	3	6	11	12	-10	-11	8	10	1	2	28	29
31	3	4	9	10	-11	-12	8	10	1	2	17	30

32	3	5	10	10	-9	-11	6	8	1	2	26	27
33	3	5	9	10	-11	-12	6	8	2	3	27	28
34	3	5	12	13	-11	-12	6	8	2	2	27	27
35	3	5	12	13	-11	-12	6	7	1	2	18	30
36	2	3	8	9	-11	-12	4	6	2	2	29	30
37	3	5	12	12	-9	-10	5	7	2	3	27	28
38	3	5	11	12	-12	-14	6	7	3	3	27	28
39	6	8	11	12	-12	-14	6	7	2	2	17	28
40	5	6	9	10	-11	-12	5	7	3	3	20	24
41	5	6	6	7	-9	-10	5	7	3	4	27	29
42	5	7	7	9	-11	-12	5	6	3	3	27	28
43	5	7	11	12	-13	-14	4	6	3	3	17	28
44	5	6	9	10	-10	-12	4	6	1	1	20	32
45	6	8	9	11	-12	-14	4	6	1	1	19	30
46	6	9	8	9	-10	-12	4	6	1	2	25	27
47	8	9	8	9	-10	-12	5	7	2	2	30	32
48	8	9	8	9	-9	-10	6	8	2	3	28	30

Таблица П4 Значения параметры колец после токарной обработки (1-ое кольцо)

	<i>D</i> нар		D		d		TT		h		1. /	
				Ж	(H		1		ı'
	37	38	39	40	41	42	43	44	45	46	47	48
	min	max	min	max	min	max	min	max	min	max	min	max
1	5	6	3	3	0	-1	12	12	1	2	29	30
2	3	3	1	3	0	8	12	13	2	2	28	29
3	2	2	2	3	0	-3	12	14	2	3	28	29
4	13	14	4	5	-15	-16	14	15	2	2	29	30
5	3	4	1	2	0	3	13	14	2	2	29	30
6	6	7	7	8	-5	-6	12	13	2	3	28	29
7	14	16	1	3	-14	-16	14	14	2	2	29	30
8	13	15	0	3	-1	-6	10	11	2	2	28	29
9	15	16	3	4	-18	-19	14	20	2	2	28	29
10	14	16	2	3	-17	-18	13	13	1	1	29	30
11	6	7	4	4	-19	-20	14	14	1	1	29	29
12	-2	-4	1	2	-4	-6	13	14	1	2	29	30
13	3	4	1	3	-2	-4	11	11	2	2	29	30
14	3	3	0	1	-3	-4	13	13	2	2	30	31
15	4	5	0	1	0	-1	13	13	2	2	29	30
16	6	6	1	2	-2	-3	13	13	2	2	28	29
17	9	10	-3	4	0	-3	13	14	1	2	29	30
18	6	8	2	3	-3	-4	13	13	2	3	28	29
19	6	7	2	4	-2	-5	12	14	2	2	28	29
20	7	8	1	2	-1	-5	13	14	2	3	29	30
21	5	7	2	3	-3	-5	13	14	2	3	28	29
22	6	7	2	3	-4	-5	13	14	2	2	29	30
23	6	6	6	7	-2	-5	15	16	2	3	28	29
24	5	7	2	3	-3	-4	5	6	2	2	29	30
25	9	10	4	6	0	-1	5	6	-6	-6	29	30
26	8	9	3	4	-5	-5	15	16	2	3	29	30
27	8	10	4	6	-4	-6	16	17	1	2	30	31
28	5	8	2	5	4	6	13	13	2	2	29	30
29	5	6	3	4	-2	-3	14	16	2	2	29	30
30	5	6	4	5	0	-2	9	11	1	1	27	28
31	5	7	2	4	-5	-7	11	12	0	1	28	30

32	4	5	6	8	-6	-8	12	13	2	2	29	30
33	3	3	5	7	-4	-5	12	13	3	3	28	29
34	6	7	4	5	-6	-7	10	11	2	3	27	28
35	5	6	3	4	-2	-2	10	12	2	2	28	29
36	7	9	5	5	-5	-6	8	8	2	3	27	28
37	7	8	3	4	-7	-8	8	10	2	3	27	28
38	8	9	3	5	-4	-6	9	10	3	3	28	29
39	6	8	3	5	-4	-7	6	5	3	4	26	27
40	8	9	3	4	-5	-6	9	12	3	4	28	29
41	7	9	1	3	0	-2	10	12	3	4	27	28
42	6	8	3	4	1	-3	8	11	3	4	28	29
43	7	8	4	4	-3	-4	9	10	3	4	28	29
44	7	8	4	6	-3	-5	10	11	3	4	27	28
45	7	9	2	3	-2	-3	5	6	-1	-2	28	30
46	8	9	2	3	-6	-7	6	7	-1	-2	28	29
47	8	9	1	3	0	-2	2	6	-1	0	26	28
48	7	9	9	10	-2	-3	4	5	-1	-2	28	29

Рекомендуемые варианты для выполнения расчетов студентами экономических специальностей

Таблица П5 Статистическая информация о результатах производственной деятельности организации

низации ная численность работников, чел. продукции, млн. руб. работной платы, млн. руб. производ- ство промин. мость ОПФ мость ОПФ мость ОПФ мость ОПФ млн. руб. 1 162 36,45 11,340 30,255 34,714 2 156 23,4 8,112 20,124 24,375 3 179 46,540 15,036 38,163 41,554 4 194 59,752 19,012 47,204 50,212 5 165 41,415 13,035 33,546 38,347 6 158 26,86 8,532 22,831 27,408 7 220 79,2 26,400 60,984 60,923 8 190 54,720 17,100 43,776 47,172 9 163 40,424 12,062 33,148 37,957 10 159 30,21 9,540 25,376 30,21 11 167 42,418 13,694 34,359 38,562 12 205 64,575	№ орга-	Среднесписоч-	Выпуск	ги организац Фонд за-	Затраты на	Среднегодо-
ность работни- ков, чел. ции, млн. руб. платы, млн. руб. млн. руб. ство про- дукции, млн. руб. мость ОПФ 1 162 36,45 11,340 30,255 34,714 2 156 23,4 8,112 20,124 24,375 3 179 46,540 15,036 38,163 41,554 4 194 59,752 19,012 47,204 50,212 5 165 41,415 13,035 33,546 38,347 6 158 26,86 8,532 22,831 27,408 7 220 79,2 26,400 60,984 60,923 8 190 54,720 17,100 43,776 47,172 9 163 40,424 12,062 33,148 37,957 10 159 30,21 9,540 25,376 30,21 11 167 42,418 13,694 34,359 38,562 12 205 64,575 21,320 51,014 52,5	_	_	1		_	_
ков, чел. руб. млн. руб. дукции, млн. руб. 1 162 36,45 11,340 30,255 34,714 2 156 23,4 8,112 20,124 24,375 3 179 46,540 15,036 38,163 41,554 4 194 59,752 19,012 47,204 50,212 5 165 41,415 13,035 33,546 38,347 6 158 26,86 8,532 22,831 27,408 7 220 79,2 26,400 60,984 60,923 8 190 54,720 17,100 43,776 47,172 9 163 40,424 12,062 33,148 37,957 10 159 30,21 9,540 25,376 30,21 11 167 42,418 13,694 34,359 38,562 12 205 64,575 21,320 51,014 52,5 13 187 5				•	*	
1 162 36,45 11,340 30,255 34,714 2 156 23,4 8,112 20,124 24,375 3 179 46,540 15,036 38,163 41,554 4 194 59,752 19,012 47,204 50,212 5 165 41,415 13,035 33,546 38,347 6 158 26,86 8,532 22,831 27,408 7 220 79,2 26,400 60,984 60,923 8 190 54,720 17,100 43,776 47,172 9 163 40,424 12,062 33,148 37,957 10 159 30,21 9,540 25,376 30,21 11 167 42,418 13,694 34,359 38,562 12 205 64,575 21,320 51,014 52,5 13 187 51,612 16,082 41,806 45,674 14 <		•		,	_	
1 162 36,45 11,340 30,255 34,714 2 156 23,4 8,112 20,124 24,375 3 179 46,540 15,036 38,163 41,554 4 194 59,752 19,012 47,204 50,212 5 165 41,415 13,035 33,546 38,347 6 158 26,86 8,532 22,831 27,408 7 220 79,2 26,400 60,984 60,923 8 190 54,720 17,100 43,776 47,172 9 163 40,424 12,062 33,148 37,957 10 159 30,21 9,540 25,376 30,21 11 167 42,418 13,694 34,359 38,562 12 205 64,575 21,320 51,014 52,5 13 187 51,612 16,082 41,806 45,674 14 <		,,	Pyst	F) or	=	
2 156 23,4 8,112 20,124 24,375 3 179 46,540 15,036 38,163 41,554 4 194 59,752 19,012 47,204 50,212 5 165 41,415 13,035 33,546 38,347 6 158 26,86 8,532 22,831 27,408 7 220 79,2 26,400 60,984 60,923 8 190 54,720 17,100 43,776 47,172 9 163 40,424 12,062 33,148 37,957 10 159 30,21 9,540 25,376 30,21 11 167 42,418 13,694 34,359 38,562 12 205 64,575 21,320 51,014 52,5 13 187 51,612 16,082 41,806 45,674 14 161 35,42 10,465 29,753 34,388 15	1	162	36,45	11,340		34,714
3 179 46,540 15,036 38,163 41,554 4 194 59,752 19,012 47,204 50,212 5 165 41,415 13,035 33,546 38,347 6 158 26,86 8,532 22,831 27,408 7 220 79,2 26,400 60,984 60,923 8 190 54,720 17,100 43,776 47,172 9 163 40,424 12,062 33,148 37,957 10 159 30,21 9,540 25,376 30,21 11 167 42,418 13,694 34,359 38,562 12 205 64,575 21,320 51,014 52,5 13 187 51,612 16,082 41,806 45,674 14 161 35,42 10,465 29,753 34,388 15 120 14,4 4,32 12,528 16,0 16 <t< td=""><td>2</td><td>156</td><td></td><td>· ·</td><td></td><td>· ·</td></t<>	2	156		· ·		· ·
4 194 59,752 19,012 47,204 50,212 5 165 41,415 13,035 33,546 38,347 6 158 26,86 8,532 22,831 27,408 7 220 79,2 26,400 60,984 60,923 8 190 54,720 17,100 43,776 47,172 9 163 40,424 12,062 33,148 37,957 10 159 30,21 9,540 25,376 30,21 11 167 42,418 13,694 34,359 38,562 12 205 64,575 21,320 51,014 52,5 13 187 51,612 16,082 41,806 45,674 14 161 35,42 10,465 29,753 34,388 15 120 14,4 4,32 12,528 16,0 16 162 36,936 11,502 31,026 34,845 17 <	3	179				
5 165 41,415 13,035 33,546 38,347 6 158 26,86 8,532 22,831 27,408 7 220 79,2 26,400 60,984 60,923 8 190 54,720 17,100 43,776 47,172 9 163 40,424 12,062 33,148 37,957 10 159 30,21 9,540 25,376 30,21 11 167 42,418 13,694 34,359 38,562 12 205 64,575 21,320 51,014 52,5 13 187 51,612 16,082 41,806 45,674 14 161 35,42 10,465 29,753 34,388 15 120 14,4 4,32 12,528 16,0 16 162 36,936 11,502 31,026 34,845 17 188 53,392 16,356 42,714 46,428 18	4	194		·	47,204	50,212
7 220 79,2 26,400 60,984 60,923 8 190 54,720 17,100 43,776 47,172 9 163 40,424 12,062 33,148 37,957 10 159 30,21 9,540 25,376 30,21 11 167 42,418 13,694 34,359 38,562 12 205 64,575 21,320 51,014 52,5 13 187 51,612 16,082 41,806 45,674 14 161 35,42 10,465 29,753 34,388 15 120 14,4 4,32 12,528 16,0 16 162 36,936 11,502 31,026 34,845 17 188 53,392 16,356 42,714 46,428 18 164 41,0 12,792 33,62 38,318 19 192 55,680 17,472 43,987 47,59 20	5	165		· ·		
7 220 79,2 26,400 60,984 60,923 8 190 54,720 17,100 43,776 47,172 9 163 40,424 12,062 33,148 37,957 10 159 30,21 9,540 25,376 30,21 11 167 42,418 13,694 34,359 38,562 12 205 64,575 21,320 51,014 52,5 13 187 51,612 16,082 41,806 45,674 14 161 35,42 10,465 29,753 34,388 15 120 14,4 4,32 12,528 16,0 16 162 36,936 11,502 31,026 34,845 17 188 53,392 16,356 42,714 46,428 18 164 41,0 12,792 33,62 38,318 19 192 55,680 17,472 43,987 47,59 20	6	158	26,86	8,532	22,831	27,408
8 190 54,720 17,100 43,776 47,172 9 163 40,424 12,062 33,148 37,957 10 159 30,21 9,540 25,376 30,21 11 167 42,418 13,694 34,359 38,562 12 205 64,575 21,320 51,014 52,5 13 187 51,612 16,082 41,806 45,674 14 161 35,42 10,465 29,753 34,388 15 120 14,4 4,32 12,528 16,0 16 162 36,936 11,502 31,026 34,845 17 188 53,392 16,356 42,714 46,428 18 164 41,0 12,792 33,62 38,318 19 192 55,680 17,472 43,987 47,59 20 130 18,2 5,85 15,652 19,362 21 <	7	220	79,2	26,400	60,984	60,923
10 159 30,21 9,540 25,376 30,21 11 167 42,418 13,694 34,359 38,562 12 205 64,575 21,320 51,014 52,5 13 187 51,612 16,082 41,806 45,674 14 161 35,42 10,465 29,753 34,388 15 120 14,4 4,32 12,528 16,0 16 162 36,936 11,502 31,026 34,845 17 188 53,392 16,356 42,714 46,428 18 164 41,0 12,792 33,62 38,318 19 192 55,680 17,472 43,987 47,59 20 130 18,2 5,85 15,652 19,362 21 159 31,8 9,858 26,394 31,176 22 162 39,204 11,826 32,539 36,985 23 <t< td=""><td>8</td><td>190</td><td>54,720</td><td>17,100</td><td></td><td>47,172</td></t<>	8	190	54,720	17,100		47,172
11 167 42,418 13,694 34,359 38,562 12 205 64,575 21,320 51,014 52,5 13 187 51,612 16,082 41,806 45,674 14 161 35,42 10,465 29,753 34,388 15 120 14,4 4,32 12,528 16,0 16 162 36,936 11,502 31,026 34,845 17 188 53,392 16,356 42,714 46,428 18 164 41,0 12,792 33,62 38,318 19 192 55,680 17,472 43,987 47,59 20 130 18,2 5,85 15,652 19,362 21 159 31,8 9,858 26,394 31,176 22 162 39,204 11,826 32,539 36,985 23 193 57,128 18,142 45,702 48,414 24	9	163	40,424	12,062	33,148	37,957
12 205 64,575 21,320 51,014 52,5 13 187 51,612 16,082 41,806 45,674 14 161 35,42 10,465 29,753 34,388 15 120 14,4 4,32 12,528 16,0 16 162 36,936 11,502 31,026 34,845 17 188 53,392 16,356 42,714 46,428 18 164 41,0 12,792 33,62 38,318 19 192 55,680 17,472 43,987 47,59 20 130 18,2 5,85 15,652 19,362 21 159 31,8 9,858 26,394 31,176 22 162 39,204 11,826 32,539 36,985 23 193 57,128 18,142 45,702 48,414 24 158 28,44 8,848 23,89 28,727 25 <t< td=""><td>10</td><td>159</td><td>30,21</td><td>9,540</td><td>25,376</td><td>30,21</td></t<>	10	159	30,21	9,540	25,376	30,21
12 205 64,575 21,320 51,014 52,5 13 187 51,612 16,082 41,806 45,674 14 161 35,42 10,465 29,753 34,388 15 120 14,4 4,32 12,528 16,0 16 162 36,936 11,502 31,026 34,845 17 188 53,392 16,356 42,714 46,428 18 164 41,0 12,792 33,62 38,318 19 192 55,680 17,472 43,987 47,59 20 130 18,2 5,85 15,652 19,362 21 159 31,8 9,858 26,394 31,176 22 162 39,204 11,826 32,539 36,985 23 193 57,128 18,142 45,702 48,414 24 158 28,44 8,848 23,89 28,727 25 <t< td=""><td>11</td><td>167</td><td>42,418</td><td>13,694</td><td>34,359</td><td>38,562</td></t<>	11	167	42,418	13,694	34,359	38,562
14 161 35,42 10,465 29,753 34,388 15 120 14,4 4,32 12,528 16,0 16 162 36,936 11,502 31,026 34,845 17 188 53,392 16,356 42,714 46,428 18 164 41,0 12,792 33,62 38,318 19 192 55,680 17,472 43,987 47,59 20 130 18,2 5,85 15,652 19,362 21 159 31,8 9,858 26,394 31,176 22 162 39,204 11,826 32,539 36,985 23 193 57,128 18,142 45,702 48,414 24 158 28,44 8,848 23,89 28,727 25 168 43,344 13,944 35,542 39,404 26 208 70,720 23,920 54,454 55,25 27 <	12	205	64,575	21,320	51,014	
15 120 14,4 4,32 12,528 16,0 16 162 36,936 11,502 31,026 34,845 17 188 53,392 16,356 42,714 46,428 18 164 41,0 12,792 33,62 38,318 19 192 55,680 17,472 43,987 47,59 20 130 18,2 5,85 15,652 19,362 21 159 31,8 9,858 26,394 31,176 22 162 39,204 11,826 32,539 36,985 23 193 57,128 18,142 45,702 48,414 24 158 28,44 8,848 23,89 28,727 25 168 43,344 13,944 35,542 39,404 26 208 70,720 23,920 54,454 55,25 27 166 41,832 13,280 34,302 38,378 28	13	187	51,612	16,082	41,806	45,674
16 162 36,936 11,502 31,026 34,845 17 188 53,392 16,356 42,714 46,428 18 164 41,0 12,792 33,62 38,318 19 192 55,680 17,472 43,987 47,59 20 130 18,2 5,85 15,652 19,362 21 159 31,8 9,858 26,394 31,176 22 162 39,204 11,826 32,539 36,985 23 193 57,128 18,142 45,702 48,414 24 158 28,44 8,848 23,89 28,727 25 168 43,344 13,944 35,542 39,404 26 208 70,720 23,920 54,454 55,25 27 166 41,832 13,280 34,302 38,378 28 207 69,345 22,356 54,089 55,446 29	14	161	35,42	· ·	29,753	34,388
17 188 53,392 16,356 42,714 46,428 18 164 41,0 12,792 33,62 38,318 19 192 55,680 17,472 43,987 47,59 20 130 18,2 5,85 15,652 19,362 21 159 31,8 9,858 26,394 31,176 22 162 39,204 11,826 32,539 36,985 23 193 57,128 18,142 45,702 48,414 24 158 28,44 8,848 23,89 28,727 25 168 43,344 13,944 35,542 39,404 26 208 70,720 23,920 54,454 55,25 27 166 41,832 13,280 34,302 38,378 28 207 69,345 22,356 54,089 55,446 29 161 35,903 10,948 30,159 34,522	15	120	14,4	4,32	12,528	16,0
18 164 41,0 12,792 33,62 38,318 19 192 55,680 17,472 43,987 47,59 20 130 18,2 5,85 15,652 19,362 21 159 31,8 9,858 26,394 31,176 22 162 39,204 11,826 32,539 36,985 23 193 57,128 18,142 45,702 48,414 24 158 28,44 8,848 23,89 28,727 25 168 43,344 13,944 35,542 39,404 26 208 70,720 23,920 54,454 55,25 27 166 41,832 13,280 34,302 38,378 28 207 69,345 22,356 54,089 55,446 29 161 35,903 10,948 30,159 34,522	16	162		11,502		
18 164 41,0 12,792 33,62 38,318 19 192 55,680 17,472 43,987 47,59 20 130 18,2 5,85 15,652 19,362 21 159 31,8 9,858 26,394 31,176 22 162 39,204 11,826 32,539 36,985 23 193 57,128 18,142 45,702 48,414 24 158 28,44 8,848 23,89 28,727 25 168 43,344 13,944 35,542 39,404 26 208 70,720 23,920 54,454 55,25 27 166 41,832 13,280 34,302 38,378 28 207 69,345 22,356 54,089 55,446 29 161 35,903 10,948 30,159 34,522	17	188	53,392	16,356	42,714	46,428
20 130 18,2 5,85 15,652 19,362 21 159 31,8 9,858 26,394 31,176 22 162 39,204 11,826 32,539 36,985 23 193 57,128 18,142 45,702 48,414 24 158 28,44 8,848 23,89 28,727 25 168 43,344 13,944 35,542 39,404 26 208 70,720 23,920 54,454 55,25 27 166 41,832 13,280 34,302 38,378 28 207 69,345 22,356 54,089 55,446 29 161 35,903 10,948 30,159 34,522	18	164	41,0			38,318
21 159 31,8 9,858 26,394 31,176 22 162 39,204 11,826 32,539 36,985 23 193 57,128 18,142 45,702 48,414 24 158 28,44 8,848 23,89 28,727 25 168 43,344 13,944 35,542 39,404 26 208 70,720 23,920 54,454 55,25 27 166 41,832 13,280 34,302 38,378 28 207 69,345 22,356 54,089 55,446 29 161 35,903 10,948 30,159 34,522	19	192	55,680	17,472	43,987	47,59
22 162 39,204 11,826 32,539 36,985 23 193 57,128 18,142 45,702 48,414 24 158 28,44 8,848 23,89 28,727 25 168 43,344 13,944 35,542 39,404 26 208 70,720 23,920 54,454 55,25 27 166 41,832 13,280 34,302 38,378 28 207 69,345 22,356 54,089 55,446 29 161 35,903 10,948 30,159 34,522	20	130	18,2	5,85		19,362
23 193 57,128 18,142 45,702 48,414 24 158 28,44 8,848 23,89 28,727 25 168 43,344 13,944 35,542 39,404 26 208 70,720 23,920 54,454 55,25 27 166 41,832 13,280 34,302 38,378 28 207 69,345 22,356 54,089 55,446 29 161 35,903 10,948 30,159 34,522	21	159	31,8	9,858	26,394	31,176
23 193 57,128 18,142 45,702 48,414 24 158 28,44 8,848 23,89 28,727 25 168 43,344 13,944 35,542 39,404 26 208 70,720 23,920 54,454 55,25 27 166 41,832 13,280 34,302 38,378 28 207 69,345 22,356 54,089 55,446 29 161 35,903 10,948 30,159 34,522	22	162	39,204	11,826	32,539	36,985
25 168 43,344 13,944 35,542 39,404 26 208 70,720 23,920 54,454 55,25 27 166 41,832 13,280 34,302 38,378 28 207 69,345 22,356 54,089 55,446 29 161 35,903 10,948 30,159 34,522	23	193		18,142		48,414
25 168 43,344 13,944 35,542 39,404 26 208 70,720 23,920 54,454 55,25 27 166 41,832 13,280 34,302 38,378 28 207 69,345 22,356 54,089 55,446 29 161 35,903 10,948 30,159 34,522	24	158	28,44	8,848	23,89	28,727
27 166 41,832 13,280 34,302 38,378 28 207 69,345 22,356 54,089 55,446 29 161 35,903 10,948 30,159 34,522	25	168	43,344	13,944	35,542	39,404
27 166 41,832 13,280 34,302 38,378 28 207 69,345 22,356 54,089 55,446 29 161 35,903 10,948 30,159 34,522	26	208	70,720	23,920	54,454	55,25
29 161 35,903 10,948 30,159 34,522	27	166	41,832		34,302	38,378
	28	207	69,345	22,356	54,089	55,446
30 186 50,220 15,810 40,678 44,839	29	161	35,903	10,948	30,159	34,522
	30	186	50,220	15,810	40,678	44,839

Используемые в дальнейшем экономические показатели и их расчет:

Средняя заработная плата работников отношение фонда заработной платы к численности работников;

Фондоотдача отношение стоимости произведенной продукции к среднегодовой стоимости основных фондов;

Фондоемкость отношение среднегодовой стоимости основных фондов к стоимости произведенной продукции;

Фондовооруженность отношение среднегодовой стоимости основных фондов к среднесписочной численности работников;

Прибыль разность между выпуском продукции и затратами на производство;

Выпуск продукции на одного работника отношение выпуска продукции к среднесписочной численности работников;

Рентабельность $O\Pi\Phi$ отношение прибыли к средней стоимости $O\Pi\Phi$;

Рентабельность продукции отношение прибыли к затратам на производство;

Рентабельность персонала отношение прибыли к среднесписочной численности работников;

Производительность труда отношение выпуска продукции к среднесписочной численности работников.

ВАРИАНТЫ

D/ II I	IAIIIDI	
вариант	вариант	показатель
1	16	Среднесписочная численность работников
2	17	Выпуск продукции
3	18	Фонд заработной платы
4	19	Затраты на производство продукции
5	20	Среднегодовая стоимость ОПФ
6	21	Средняя заработная плата работников
7	22	Фондоотдача
8	23	Фондоемкость
9	24	Фондовооруженность
10	25	Прибыль
11	26	Выпуск продукции на одного работника
12	27	Рентабельность ОПФ
13	28	Рентабельность продукции
14	29	Рентабельность персонала
15	30	Производительность труда